

프로그래밍 언어 nML
The Definition of nML

Momvo Niliry
프로그램 분석 시스템 연구단
한국과학기술원

Momvo Niliry
Research On Program Analysis System
National Creative Research Initiative Center
KAIST

2002년 3월 22일

목 차

제 1 장 동기	2
제 2 장 문법구조	3
제 1 절 문법	3
제 2 절 기본 타입, 연산자, 데이터구성자, 예외상황	9
제 3 절 우선순위와 방향성	9
제 4 절 문법적인 제약들	11
제 5 절 예약된 심볼들	12
제 6 절 설탕 구조	13
제 3 장 프로그램의 실행	15
제 1 절 프로그램 모듈의 실행	17
제 2 절 프로그램 식의 실행	21
제 4 장 프로그램의 기획	26
제 1 절 프로그램 모듈의 기획	31
제 2 절 프로그램 식의 기획	37
부록 A Standard ML 및 OCaml과의 비교점	41

제 1 장

동기

- 프로그램 분석 실험의 일터를 실제 컴파일러 구축을 통해 실현할 필요가 있다.
- 상위의 타입구조를 갖춘 (higher-order and typed) 프로그래밍 언어의 컴파일러 시스템을 독자 개발할 필요가 있다.
- SML/NJ나 OCaml 컴파일러들은 프로그램 분석 기술을 충분히 응용하고 있지 못하거나, 그 가능성을 염두에 두고 만들어지지 않았다.
- SML/NJ나 OCaml 컴파일러들은 미래의 네트워크 컴퓨팅 환경을 염두에 두고 만들어지지 않았다. nML 컴파일러는 우리가 목표로 하는 네트워크 프로그래밍 요소를 실험할 플랫폼이 될 것이다.
- nML 프로그래밍 언어 시스템은 ML의 한국 사투리이다.
- nML 프로그래밍 환경은 OCaml의 방식대로 Unix/C의 전통을 보존한다. C 신도가 nML 교로 개종하는데 부담을 느끼지 않도록.

제 2 장

문법구조

제 1 절 문법

다음의 표기법을 따른다:

	alternative	()	grouping
⟨⟩	optional	•*	zero or more
•+	one or more	†	sugared alternative

```
integer ::= (0 - 9)+
           | (0X|0x)(0 - 9|A - F|a - f)+
           | (00|0o)(0 - 7)+
           | (0B|0b)(0 - 1)+
real ::= (0 - 9)+⟨.(0 - 9)+⟩⟨(E|e)⟨-|+⟩(0 - 9)+⟩
string ::= "(printableChar|escapecString|ignore)*"
character ::= '(printableChar|escapecChar)'
```

ignore ::= \(\newline|formfeed|newline formfeed)(space|tab)⁺

escapecString ::= \(\b|t|n|r|\\"|(0 - 9)(0 - 9)(0 - 9))

escapecChar ::= \(\b|t|n|r|\'|'(0 - 9)(0 - 9)(0 - 9))

comment ::= balanced (* *), between which any character can appear.


```
alphanum ::= a - z | A - Z | hangul|0 - 9|_|'
upper ::= A - Z | _
lower ::= a - z | hangul
hangul ::= syllables of KSX1001 (a.k.a. KSC5601 or eur-kr)
           | syllables of KSX1005-1 (a.k.a. KSC5700, unicode, or ISO/IEC10646-1)
sym ::= ! | % | & | $ | # | + | - | / | : | < | = | > | ? | @ | \ | ~ | ' | ^ | | | *
```

$lid ::= lower(alphanumeric)^*$
 $uid ::= upper(alphanumeric)^*$
 $varid ::= lid$
 $prefixid ::= (! | ? | \sim) sym^*$
 $infixid ::= (\% | \& | \$ | \# | + | - | / | : | < | = | > | @ | \backslash | ' | ^ | | | *) sym^*$
 $opid ::= prefixid | infixid$
 $tyid ::= lid$
 $conid ::= uid$
 $strid ::= uid$
 $sigid ::= uid$
 $fctid ::= uid$
 $tyvar ::= 'lid$
 $lab ::= (0 - 9)(0 - 9)^* | lid$
 $varlongid ::= varid | strid . varlongid$
 $oplongid ::= opid | strid . oplongid$
 $tylongid ::= tyid | strid . tylongid$
 $conlongid ::= conid | strid . conlongid$
 $strlongid ::= strid | strid . strlongid$

$ty ::= tyvar$
 $\quad | \{tyrow\}$
 $\quad | tyseq\ tylongid$
 $\quad | ty_1 \rightarrow ty_2$
 $\quad | (ty)$
 $\quad \dagger ty_1 * ty_2$

$tyrow ::= lab : ty \langle , tyrow \rangle$
 $tyseq ::= ty$
 $\quad | \text{empty sequence}$
 $\quad | (ty_1, \dots, ty_k) \quad k \geq 1$
 $tyvarseq ::= tyvar$
 $\quad | \text{empty sequence}$
 $\quad | (tyvar_1, \dots, tyvar_k) \quad k \geq 1$

<i>pat</i>	::=	-	wild pattern
		<i>integer</i> <i>string</i> <i>character</i>	constant pattern
		{ <i>patrow</i> } { }	record pattern
		[<i>pat</i> (, <i>pat</i>)*] []	array pattern
		(<i>pat</i>)	
		ref <i>pat</i>	
		<i>conlongid</i> < <i>pat</i> >	datacon pattern
		<i>varid</i>	pattern variable
		(<i>opid</i>)	operator pattern variable
		<i>pat</i> : <i>ty</i>	pattern with type
		(<i>varid</i> (<i>opid</i>)) < : <i>ty</i> > as <i>pat</i>	as pattern
		<i>pat</i> ₁ <i>pat</i> ₂	or pattern
		<i>pat</i> :: <i>pat</i>	cons pattern
	†	(<i>pat</i> (, <i>pat</i>)*) ⁺	tuple pattern
	†	[<i>pat</i> (, <i>pat</i>)*] † []	list pattern
	†	()	unit pattern
<i>patrow</i>	::=	...	
		<i>lab</i> = <i>pat</i> < , <i>patrow</i> >	
	†	<i>lid</i> < , <i>patrow</i> >	

$e ::=$	<i>const</i>	
	<i>varlongid</i>	
	<i>conlongid</i>	
	(<i>oplongid</i>)	
	{ <i>labrow</i> } { }	record
	$e_1 . lab$	record field
	[$\langle elmthrow \rangle$] [[]]	array
	$e_1 . [e_2]$	array field
	$e_1 . [e_2] \leftarrow e_3$	array update
	let <i>valdec</i> in e end	binding
	(e)	
	$e_1 e_2$	application
	$e : ty$	
	e handle <i>match</i>	
	raise e	
	fn <i>match</i>	function
†	fn <i>curmatch</i>	curried function
	$e_1 := e_2$	assignment
	! e	dereference
	ref e	reference
†	<i>prefixid</i> e	prefix application
†	e_1 <i>infixid</i> e_2	infix application
†	e_1 { <i>lab</i> $\leftarrow e_2$ }	new record
†	$e_1 ; e_2$	sequence
†	case e of <i>match</i>	
†	if e_1 then e_2 else e_3	
†	if e_1 then e_2	
†	(e , <i>elmthrow</i>)	tuple
†	[$\langle elmthrow \rangle$]	list
†	while e_1 do e_2 end	
†	for <i>varid</i> = $e_1 ; e_2 ; e_3$ do e_4 end	
†	()	
	<i>const</i> ::= <i>integer</i> <i>real</i> <i>string</i> <i>character</i>	
	<i>curmatch</i> ::= <i>pat</i> ⁺ => e < <i>curmatch</i> >	
	<i>match</i> ::= <i>pat</i> => e < <i>match</i> >	
	<i>labrow</i> ::= <i>lab</i> = e < , <i>labrow</i> >	
	<i>elmthrow</i> ::= e < , <i>elmthrow</i> >	

```

dec ::= valdec
      | type typbind
      | exception exnbind
      | local dec1 in dec2 end
      | dec1 <;> dec2
      † open strlongid

valdec ::= val tyvarseq valbind
          † fun funbind
          | valdec <;> valdec

strdec ::= dec
          | structure strbind
          | strdec <;> strdec

fntordec ::= functor ftid ( strid : sig1 ) = strex
          † functor ftid ( strid : sig1 ) : sig2 = strex
          † functor ftid ( strid1 : sig1 ( , strid2 : sig2 )+ ) <;> sig3 = strex

sigdec ::= signature sigbind

strex ::= strlongid
          | struct <strdec> end
          | strex : sig
          | ftid ( strex )
          † ftid ( strex ( , strex )+ )

valbind ::= pat = e <and valbind>
           | rec valbind
funrule ::= ( varid | ( opid ) ) pat+ <: ty> = e
funbind ::= funrule ( | funrule )* <and funbind>
typbind ::= tyvarseq tyid = ty <and typbind>
           | tyvarseq tyid = conbind <and typbind>
conbind ::= conid <of ty> ( | conbind )
exnbind ::= conid <of ty> <and exnbind>
sigbind ::= sigid = sig
strbind ::= strid = strex <and strbind>
           † strid : sig = strex

```



```

sig ::= sigid
      | sig <spec> end
      | sig where

spec ::= val valdesc
        | type typdesc
        | exception exndesc
        | include sig
        | structure strdesc
        | spec <;> spec

valdesc ::= (varid | (opid)) : ty <and valdesc>
typdesc ::= tyvarseq tyid <and typdesc>
            | tyvarseq tyid = ty <and typdesc>
            | tyvarseq tyid = condesc <and typdesc>
condesc ::= conid <of ty> <| condesc>
exndesc ::= conid <of ty> <and exndesc>
strdesc ::= strid : sig <and strdesc>

where ::= where type longtypbind
longtypbind ::= tyvarseq tylongid = ty <and longtypbind>

topdec ::= sigdec
          | fntordec
          | strdec
          | topdec1 <;> topdec2

```

제 2 절 기본 타입, 연산자, 데이터구성자, 예외상황

- 기본 타입 :

unit, bool, int, real, string, char, list, ref, exn, array

- 기본 연산자 :

+, -, *, /	(infix) int → int → int (infix) real → real → real	int add/sub/mul/div real add/sub/mul/div
+	(prefix) int → int (prefix) real → real	identity identity
-	(prefix) int → int (prefix) real → real	int negation real negation
%	(infix) int → int → int	int modulus
**	(infix) int → int → int (infix) real → real → real	int exponential real exponential
++, --	(postfix) int ref → unit (postfix) real ref → unit	int inc/dec side effect real inc/dec side effect
+=, -=, *=, /=	(infix) int ref → int → unit (infix) real ref → real → unit	int add/sub/mul/div side effect real add/sub/mul/div side effect
<<, >>	(infix) int → int → int	bitwise arithmetic shift left/right
andalso, &&	(infix) bool → bool → bool	boolean and
orelse,	(infix) bool → bool → bool	boolean or
not	(prefix) bool → bool	boolean negation
=	(infix) 'a → 'a → bool	equality
<>	(infix) 'a → 'a → bool	inequality
<, <=, >, >=	(infix) 'a → 'a → bool	int comparison
@	(infix) 'a list → 'a list → 'a list	list concatenation
^	(infix) string → string → string	string concatenation

- 기본 데이터구성자와 예외상황

True, true	bool	true
False, false	bool	false
Nil, nil	'a list	empty list
::	(infix) 'a × 'a list → 'a list	list cons
Match		pattern match exception
Zero		division exception
Overflow		overflow exception
Bound		array/record bound exception
Equality		equality check exception

제 3 절 우선순위와 방향성

“*...” 은 *로 시작하는 이름들을 뜻한다.

- 프로그램식에서의 우선순위(내림차순)와 방향성

expression constructs	associativity
<code>ref</code> , <code>prefixop</code> , <code>++</code> (postfix), <code>--</code> (postfix)	right
<code>.</code> , <code>.[</code>	left
new record	left
data constructor application	left
function application	left
<code>+</code> (prefix), <code>-</code> (prefix)	right
<code>**</code> ...	right
<code>*</code> ..., <code>/</code> ..., <code>%</code> ...	left
<code>+</code> ..., <code>-</code> ...	left
<code>::</code>	right
<code>@</code> ..., <code>^</code> ...	right
other infix operators	left
<code>not</code>	right
<code>andalso</code> , <code>&&</code>	right
<code>orelse</code> , <code> </code>	right
<code>:=</code> , <code>+=</code> , <code>-=</code> , <code>*=</code> , <code>/=</code> , <code><-</code>	right
<code>,</code>	left
<code>:</code>	left
<code>raise</code>	right
<code>if</code>	right
<code>;</code>	right
<code>case</code> , <code>fn</code> , <code>handle</code>	right

prefix 프로그램 구성자 여러 개가 infix 구성자와 섞여 쓰일 때는 가장 안쪽의 prefix 구성자의 우선순위를 따른다.

예, `if ... else fn x => e3; e4` 는 `if ... else (fn x => (e3; e4))` 로 해석한다. 즉, 가장 안쪽의 `fn`이 `;` 보다 우선 순위가 낮으므로 `e3; e4`가 먼저 묶인다.

- 값 선언에서의 우선순위(내림차순)와 방향성

valbind constructs	associativity
<code>and</code>	-
<code>rec</code>	-

- 패턴에서의 우선순위(내림차순)와 방향성

pattern constructs	associativity
ref	–
data constructor application	left
curried patterns	–
::	right
	–
:	–
as	–

- 타입식에서의 우선순위(내림차순)와 방향성

type constructs	associativity
type constructor application	–
* (tuple type)	–
-> (function type)	right
where (signature constraint)	left

제 4 절 문법적인 제약들

- 하나의 타입 정의 문치 (*typbind*) 에서 선언되는 타입이름들은 모두 달라야 한다.
어긴 예, “`type t = A | B and t = C`”
- 하나의 데이터 타입 정의 문치에서 선언되는 데이터 구성자 이름들은 모두 달라야 한다.
어긴 예, “`type t = A | A`” 혹은 “`type t = A | B and f = A`”
- 하나의 값 정의 문치 (*valbind*) 에서 선언되는 값의 이름들은 모두 달라야 한다.
어긴 예, “`val x = 1 and x = 2`”
- 재귀적인 값 정의에서 (*rec valbind*) =의 오른쪽에는 오직 “`fn match`” 만 올 수 있다.
어긴 예, “`val rec f = 2`”
- 재귀적인 값 정의에서 (*rec valbind*) 에서 =의 왼편 패턴은 패턴변수만 가능하다.
어긴 예, “`val rec f as g = fn x => f g x`”
- 무더기 패턴(or-pattern)을 제외하고, 하나의 패턴에서 같은 패턴 변수가 여러번 올 수 없다.
어긴 예, “`case e of (x,x) => e'`”
- 하나의 접속방안 (*spec*)에서 같은 이름의 선언이 여러번 나타날 수 없다.
어긴 예, “`sig type t type t end`” 혹은 “`sig val t val t end`”

- 예약된 심볼들은 프로그램에서 재 정의될 수 없다.
어긴 예, “val int = 10” 혹은 “type 'for char = True of 'for list”

제 5 절 예약된 심볼들

and andalso case do else end exception fn for fun functor
handle if in include let local of open orelse raise rec ref
sig signature struct structure then type val where while
:= ! -> <- => | : ; { } [] [| |] , () .

array bool char exn int list real ref string unit

nil not true false ++ -- && ||

제 6 절 설탕 구조

자유로운 이름이 설탕이 녹으면서 묶이지 않도록 한다.

(pat_0, \dots, pat_n)	$\equiv \{0 = pat_0, \dots, n = pat_n\}$	$n \geq 1$
$[pat_0, \dots, pat_n]$	$\equiv pat_0 :: \dots :: pat_n :: nil$	$n \geq 0$
$ty_0 * \dots * ty_n$	$\equiv \{0:ty_0, \dots, n:ty_n\}$	
$()$	$\equiv \{\}$	
(e_0, \dots, e_n)	$\equiv \{0 = e_0, \dots, n = e_n\}$	$n \geq 1$
$[e_0, \dots, e_n]$	$\equiv e_0 :: \dots :: e_n :: nil$	$n \geq 0$
$[]$	$\equiv nil$	
$\{lid \langle, patrow \rangle\}$	$\equiv \{lid = lid \langle, patrow \rangle\}$	
$e_1 \text{ infixid } e_2$	$\equiv (\text{infixid}) (e_1, e_2)$	
$\text{prefixid } e$	$\equiv (\text{prefixid}) e$	
$e_1 \{ lab \leftarrow e_2 \}$	$\equiv \text{let val } x = e_1 \text{ in } \{lab=e_2, l_1=x.l_1, \dots, l_n=x.l_n\} \text{end}$ (단, e_2 의 타입이 τ 일 때, e_1 의 타입은 $\{lab \mapsto \tau, l_1 \mapsto \tau_1, \dots, l_n \mapsto \tau_n\}$)	
$\text{fn } pat_{00} \dots pat_{0m} \Rightarrow e_0$	$\equiv \text{fn } x_0 \Rightarrow \dots \Rightarrow \text{fn } x_m \Rightarrow$	
\dots	$\text{case } (x_0, \dots, x_m)$	
$ pat_{n0} \dots pat_{nm} \Rightarrow e_n$	$\text{of } (pat_{00}, \dots, pat_{0m}) \Rightarrow e_0$ \dots $ (pat_{n0}, \dots, pat_{nm}) \Rightarrow e_n$	
	(단, $m > 0$ 일 경우만)	
$\text{fun } (varid (opid)) pat_{00} \dots pat_{0m} : ty = e_0$		
\dots		
$ (varid (opid)) pat_{n0} \dots pat_{nm} : ty = e_n$	$\equiv \text{val rec } (varid (opid)) = \text{fn } x_0 \Rightarrow \dots \Rightarrow \text{fn } x_m \Rightarrow$	
	$(\text{case } (x_0, \dots, x_m)$	
	$\text{of } (pat_{00}, \dots, pat_{0m}) \Rightarrow e_0$	
	\dots	
	$ (pat_{n0}, \dots, pat_{nm}) \Rightarrow e_n) : ty$	
$e_1 ; e_2$	$\equiv (\text{fn } _ \Rightarrow e_2) e_1$	
$\text{case } e \text{ of } match$	$\equiv (\text{fn } match) e$	
$\text{if } e_1 \text{ then } e_2 \text{ else } e_3$	$\equiv \text{case } e_1 \text{ of true} \Rightarrow e_2 \mid \text{false} \Rightarrow e_3$	
$\text{if } e_1 \text{ then } e_2$	$\equiv \text{if } e_1 \text{ then } e_2 ; () \text{ else } ()$	
$\text{while } e_1 \text{ do } e_2 \text{ end}$	$\equiv \text{let val rec } f = \text{fn } _ \Rightarrow \text{if } e_1 \text{ then } (e_2 ; f()) \text{ else } ()$ $\text{in } f() \text{ end}$	
$\text{for } varid = e_1 ; e_2 ; e_3 \text{ do } e_4 \text{ end}$	$\equiv \text{let val rec } f = \text{fn } varid \Rightarrow$ $\text{if } e_2 \text{ then } (e_4 ; f(e_3)) \text{ else } ()$ $\text{in } f e_1 \text{ end}$	
$e_1 \text{ andalso } e_2 \text{ or } e_1 \ \&\& \ e_2$	$\equiv \text{if not } e_1 \text{ then false else } e_2$	
$e_1 \text{ orelse } e_2 \text{ or } e_1 \ \ e_2$	$\equiv \text{if } e_1 \text{ then true else } e_2$	

```

functor ftid ( strid : sig1 ) : sig2 = stexp
    ≡ functor ftid ( strid : sig1 ) = stexp : sig2
functor ftid ( strid1 : sig1, ⋯, stridn : sign ) ( : sig ) = stexp
    ≡ functor
      ftid (S: sig
        structure strid1 : sig1
          :
          and stridn : sign
        end)
    = {S.strid1/strid1, ⋯, S.stridn/stridn}stexp ( : sig )
    (stexp에 있는 stridi를 S.stridi로 바꾼다)
ftid(stexp1, ⋯, stexpn)    ≡ ftid(struct
      structure strid1 = stexp1
        :
        and stridn = stexpn
      end)
    (stridi들은 모듈함수 ftid의 인자 이름들)
structure strid : sig = stexp    ≡ structure strid = stexp : sig
sig where type longtypbind1 and ⋯ and longtypbindn
    ≡ sig where type longtypbind1 ⋯ where type longtypbindn
open strlongid    ≡
  open의 유효범위에 있는 자유변수 x가 strlongid에서 정의된 이름이라면, strlongid.x로 바꾼다.
  • open의 유효범위는 컴파일 단위내에서 그 open식을 포함하는 가장 큰
    strdec이 다음과 같을때 strdec2 로 정의된다:
      strdec1 open strlongid strdec2.

```

제 3 장

프로그램의 실행

$v \in$	Val	$=$	$Constant \cup Data \cup Exn \cup Record \cup Array \cup$ $Addr \cup Closure \cup PrimOp$
$c \in$	$Constant$	$=$	$Integer \cup Real \cup String \cup Character \cup Bool$
$d \in$	$Data$	$=$	$ConId \cup (ConId \times Val)$
$x, [x] \in$	Exn	$=$	$ConId \cup (ConId \times Val)$
$vid \in$	VId	$=$	$VarId \cup OpId \cup ConId$
$r \in$	$Record$	$=$	$Lab \xrightarrow{\text{fin}} Val$
$y \in$	$Array$	$=$	$Integer \xrightarrow{\text{fin}} Addr$
	$Closure$	$=$	$Match \times Env \times ValEnv$
$s \in$	$Store$	$=$	$Addr \xrightarrow{\text{fin}} Val$
$a \in$	$Addr$		
$E \in$	Env	$=$	$ValEnv \times StrEnv \times TyEnv$
$VE \in$	$ValEnv$	$=$	$VId \xrightarrow{\text{fin}} Val$
$SE \in$	$StrEnv$	$=$	$StrId \xrightarrow{\text{fin}} Env$
$TE \in$	$TyEnv$	$=$	$TyId \xrightarrow{\text{fin}} ValInt$
$B \in$	$Basis$	$=$	$FunEnv \times SigEnv \times Env$
$F \in$	$FunEnv$	$=$	$FunId \xrightarrow{\text{fin}} (StrId \times Int) \times StrExp \times Basis$
$G \in$	$SigEnv$	$=$	$SigId \xrightarrow{\text{fin}} Int$
$I \in$	Int	$=$	$ValInt \times StrInt \times TyInt$
$VI \in$	$ValInt$	$=$	$\text{Fin}(VId)$
$SI \in$	$StrInt$	$=$	$StrId \xrightarrow{\text{fin}} Int$
$TI \in$	$TyInt$	$=$	$TyId \xrightarrow{\text{fin}} ValInt$

$A \xrightarrow{\text{fin}} B$: 집합 A의 유한한 부분집합에서 집합 B로 가는 함수들의 집합.

$\text{Fin}(S)$: 집합 S의 유한한 부분집합들의 집합

가정 : 프로그램의 실행에는 프로그램 텍스트에서의 “of ty”, “:ty”, “tyvarseq”, “where type longtypbind”와 연산자의 새치기(fixity)는 없는 것으로 한다.

메모리 축적 : 메모리 상태는 축적된다. 필요할 때를 제외하고는 룰에서 이를 드러내진 않고 항상 그러한 것으로 간주한다. 예를들어,

$$\frac{A \vdash phrase_1 \Rightarrow b \quad A' \vdash phrase_2 \Rightarrow b'}{A \vdash phrase \Rightarrow b'}$$

는 메모리 상태 s 가 다음과 같이 축적되는 것을 생략한 것이다:

$$\frac{s, A \vdash phrase_1 \Rightarrow b, s_1 \quad s_1, A' \vdash phrase_2 \Rightarrow b', s_2}{s, A \vdash phrase \Rightarrow b', s_2}$$

예외상황 전파 : 발생한 예외상황은 전파된다. 예를 들어,

$$\frac{A \vdash phrase_1 \Rightarrow b \quad A' \vdash phrase_2 \Rightarrow b'}{A \vdash phrase \Rightarrow b'}$$

는 발생한 예외상황이 전파되는 다음의 두개의 룰을 함께 정의하는 것으로 한다:

$$\frac{A \vdash phrase_1 \Rightarrow [x]}{A \vdash phrase \Rightarrow [x]}$$

$$\frac{A \vdash phrase_1 \Rightarrow b \quad A' \vdash phrase_2 \Rightarrow [x]}{A \vdash phrase \Rightarrow [x]}$$

$\langle \rangle$: 의미구조의 규칙에서도 $\langle \rangle$ 는 문법구조에서 처럼, 덧 붙일 수 있는 것을 표현한다. 예를들어,

$$\frac{A \langle B \rangle}{C \langle D \rangle}$$

는 다음의 두가지 규칙을 의미한다:

$$\frac{A}{C} \quad \frac{A B}{C D}$$

a/b : “ a/b ”는 “ a 혹은 b ”를 표현한다. 여러몽치가 사용될 때는 앞의 것은 앞의 것 끼리, 뒤에 것은 뒤에 것끼리 있는 것을 표현한다. 예를들어,

$$\frac{A a'/b'}{B a/b}$$

는 다음의 두가지 규칙을 의미한다:

$$\frac{A a'}{B a} \quad \frac{A b'}{B b}$$

$f + g$: “ $f + \{x \mapsto y\}$ ”는 함수 f 의 정의영역에서 x 엔트리를 y 로 바꾸거나 ($x \in \text{Dom } f$ 인 경우) 확장한다 ($x \notin \text{Dom } f$ 인 경우). 일반적으로 “ $f + g$ ”는 함수 g 가 함수 f 를 바꾸거나 확장하는 것인데, 필요하면 g 를 f 의 타입 A 로 확장시킨 후에 ($g \text{ in } A$) 정의되는 것으로 한다.

B of A : $A = \langle \dots, B, \dots \rangle$ 일때 B 를 뜻한다.

g in A : “ g in A ”는 G 의 원소 g 를 A 의 원소로 만드는데, 이 때 A 의 원소가 가져야 하는 부품은 공집합으로 한다. 예를들어, $A = G \times H$ 이고 $H = X \xrightarrow{\text{fin}} Y$ 일 때 “ g in A ”는 “ $\langle g, \{\} \rangle$ ”를 뜻한다.

$[x]$: 예외상황 값 x 를 “ $[x]$ ”로 쓰면, 발생한 예외상황을 뜻한다.

모듈 접속

$E \downarrow I$

$$\frac{VE \downarrow VI = VE' \quad SE \downarrow SI = SE' \quad TE \downarrow TI = TE'}{(VE, SE, TE) \downarrow (VI, SI, TI) = (VE', SE', TE')} \quad (3.1)$$

$$\overline{VE \downarrow VI = \{vid \mapsto VE(vid) \mid vid \in VI\}} \quad (3.2)$$

$$\overline{SE \downarrow SI = \{strid \mapsto E \downarrow I \mid SE(strid) = E, SI(strid) = I\}} \quad (3.3)$$

$$\overline{TE \downarrow TI = \{tyid \mapsto VI' \mid TE(tyid) = VI, TI(tyid) = VI'\}} \quad (3.4)$$

실행 환경 펼치기

$\text{rec } VE$

$$\frac{VE(vid) = (\text{match}, E, VE')}{\text{rec } VE(vid) = (\text{match}, E, VE)} \quad (3.5)$$

$$\frac{VE(vid) = v \notin \text{Closure}}{\text{rec } VE(vid) = v} \quad (3.6)$$

제 1 절 프로그램 모듈의 실행

선언

$E \vdash \text{dec} \Rightarrow E'$

$$\frac{E \vdash \text{valdec} \Rightarrow VE}{E \vdash \text{valdec} \Rightarrow VE \text{ in } Env} \quad (3.7)$$

$$\frac{\vdash \text{typbind} \Rightarrow VE, TE}{E \vdash \text{type } \text{typbind} \Rightarrow (VE, TE) \text{ in } Env} \quad (3.8)$$

$$\frac{\vdash \text{exnbind} \Rightarrow VE}{E \vdash \text{exception } \text{exnbind} \Rightarrow VE \text{ in } Env} \quad (3.9)$$

$$\frac{E \vdash \text{dec}_1 \Rightarrow E_1 \quad E + E_1 \vdash \text{dec}_2 \Rightarrow E_2}{E \vdash \text{local } \text{dec}_1 \text{ in } \text{dec}_2 \text{ end} \Rightarrow E_2} \quad (3.10)$$

$$\frac{E \vdash \text{dec}_1 \Rightarrow E_1 \quad E + E_1 \vdash \text{dec}_2 \Rightarrow E_2}{E \vdash \text{dec}_1 \langle ; \rangle \text{dec}_2 \Rightarrow E_1 + E_2} \quad (3.11)$$

값 선언

$$\boxed{E \vdash \text{valdec} \Rightarrow VE}$$

$$\frac{E \vdash \text{valbind} \Rightarrow VE}{E \vdash \text{val} \text{ valbind} \Rightarrow VE} \quad (3.12)$$

$$\frac{E \vdash \text{valdec}_1 \Rightarrow VE_1 \quad E + VE_1 \vdash \text{valdec}_1 \Rightarrow VE_2}{E \vdash \text{valdec}_1 \langle ; \rangle \text{valdec}_2 \Rightarrow VE_1 + VE_2} \quad (3.13)$$

모듈 선언

$$\boxed{B \vdash \text{strdec} \Rightarrow E}$$

$$\frac{E \text{ of } B \vdash \text{dec} \Rightarrow E'}{B \vdash \text{dec} \Rightarrow E'} \quad (3.14)$$

$$\frac{B \vdash \text{strbind} \Rightarrow SE}{B \vdash \text{structure} \text{ strbind} \Rightarrow SE \text{ in } Env} \quad (3.15)$$

$$\frac{B \vdash \text{strdec}_1 \Rightarrow E_1 \quad B + E_1 \vdash \text{strdec}_2 \Rightarrow E_2}{B \vdash \text{strdec}_1 \langle ; \rangle \text{strdec}_2 \Rightarrow E_1 + E_2} \quad (3.16)$$

모듈함수 선언

$$\boxed{B \vdash \text{fntordec} \Rightarrow F}$$

$$\frac{G \text{ of } B \vdash \text{sig}_1 \Rightarrow I}{B \vdash \text{functor} \text{ fctid} (\text{strid} : \text{sig}_1) = \text{strex} \Rightarrow \{ \text{fctid} \mapsto (\text{strid} : I, \text{strex}, B) \}} \quad (3.17)$$

모듈타입 선언

$$\boxed{B \vdash \text{sigdec} \Rightarrow G}$$

$$\frac{B \vdash \text{sigbind} \Rightarrow G}{B \vdash \text{signature} \text{ sigbind} \Rightarrow G} \quad (3.18)$$

모듈 식

$$\boxed{B \vdash \text{strex} \Rightarrow E}$$

$$\frac{B(\text{strlongid}) = E}{B \vdash \text{strlongid} \Rightarrow E} \quad (3.19)$$

$$\frac{\langle B \vdash \text{strdec} \Rightarrow E \rangle}{B \vdash \text{struct} \langle \text{strdec} \rangle \text{end} \Rightarrow \{ \} \langle +E \rangle} \quad (3.20)$$

$$\frac{B \vdash \text{strex} \Rightarrow E \quad G \text{ of } B \vdash \text{sig} \Rightarrow I}{B \vdash \text{strex} : \text{sig} \Rightarrow E \downarrow I} \quad (3.21)$$

$$\frac{(F \text{ of } B)(\text{fctid}) = (\text{strid} : I, \text{strex}', B') \quad B \vdash \text{strex} \Rightarrow E \quad B' + \{ \text{strid} \mapsto E \downarrow I \} \vdash \text{strex}' \Rightarrow E'}{B \vdash \text{fctid} (\text{strex}) \Rightarrow E'} \quad (3.22)$$

값 정의

$$\boxed{E \vdash \text{valbind} \Rightarrow VE}$$

$$\frac{E \vdash e \Rightarrow v \quad E, v \vdash \text{pat} \Rightarrow VE \quad \langle E \vdash \text{valbind} \Rightarrow VE' \rangle}{E \vdash \text{pat} = e \langle \text{and valbind} \rangle \Rightarrow VE \langle +VE' \rangle} \quad (3.23)$$

$$\frac{E \vdash \text{valbind} \Rightarrow VE}{E \vdash \text{rec valbind} \Rightarrow \text{rec } VE} \quad (3.24)$$

타입 정의

$$\boxed{\vdash \text{typbind} \Rightarrow VE, TE}$$

$$\frac{\langle \vdash \text{typbind} \Rightarrow VE, TE \rangle}{\vdash \text{tyid} = \text{ty} \langle \text{and typbind} \rangle \Rightarrow \{\} \langle +VE \rangle, \{\text{tyid} \mapsto \{\}\} \langle +TE \rangle} \quad (3.25)$$

$$\frac{\vdash \text{conbind} \Rightarrow VE \quad \langle \vdash \text{typbind} \Rightarrow VE', TE' \rangle}{\vdash \text{tyid} = \text{conbind} \langle \text{and typbind} \rangle \Rightarrow VE \langle +VE' \rangle, \{\text{tyid} \mapsto \text{Dom } VE\} \langle +TE' \rangle} \quad (3.26)$$

데이타 구성자 정의

$$\boxed{\vdash \text{conbind} \Rightarrow VE}$$

$$\frac{\langle \vdash \text{conbind} \Rightarrow VE \rangle}{\vdash \text{conid} \langle \text{and conbind} \rangle \Rightarrow \{\text{conid} \mapsto \text{conid}\} \langle +VE \rangle} \quad (3.27)$$

예외상황 정의

$$\boxed{\vdash \text{exnbind} \Rightarrow VE}$$

$$\frac{\langle \vdash \text{exnbind} \Rightarrow VE \rangle}{\vdash \text{conid} \langle \text{and exnbind} \rangle \Rightarrow \{\text{conid} \mapsto \text{conid}\} \langle +VE \rangle} \quad (3.28)$$

모듈타입 정의

$$\boxed{B \vdash \text{sigbind} \Rightarrow G}$$

$$\frac{G \text{ of } B \vdash \text{sig} \Rightarrow I \quad \langle B \vdash \text{sigbind} \Rightarrow G \rangle}{B \vdash \text{sigid} = \text{sig} \langle \text{and sigbind} \rangle \Rightarrow \{\text{sigid} \mapsto I\} \langle +G \rangle} \quad (3.29)$$

모듈 정의

$$\boxed{B \vdash \text{strbind} \Rightarrow SE}$$

$$\frac{B \vdash \text{strex} \Rightarrow E \quad \langle B \vdash \text{strbind} \Rightarrow SE \rangle}{B \vdash \text{strid} = \text{strex} \langle \text{and strbind} \rangle \Rightarrow \{\text{strid} \mapsto E\} \langle +SE \rangle} \quad (3.30)$$

모듈 타입

$$\boxed{G \vdash \text{sig} \Rightarrow I}$$

$$\frac{G(\text{sigid}) = I}{G \vdash \text{sigid} \Rightarrow I} \quad (3.31)$$

$$\frac{\langle G \vdash \text{spec} \Rightarrow I \rangle}{G \vdash \text{sig } \langle \text{spec} \rangle \text{ end} \Rightarrow \{\} \langle +I \rangle} \quad (3.32)$$

접속 방안

$$\boxed{G \vdash \text{spec} \Rightarrow I}$$

$$\frac{\vdash \text{valdesc} \Rightarrow VI}{G \vdash \text{val } \text{valdesc} \Rightarrow VI \text{ in } Int} \quad (3.33)$$

$$\frac{\vdash \text{typdesc} \Rightarrow TI}{G \vdash \text{type } \text{typdesc} \Rightarrow TI \text{ in } Int} \quad (3.34)$$

$$\frac{\vdash \text{exndesc} \Rightarrow VI}{G \vdash \text{exception } \text{exndesc} \Rightarrow VI \text{ in } Int} \quad (3.35)$$

$$\frac{G \vdash \text{sig} \Rightarrow I}{G \vdash \text{include } \text{sig} \Rightarrow I} \quad (3.36)$$

$$\frac{G \vdash \text{strdesc} \Rightarrow SI}{G \vdash \text{structure } \text{strdesc} \Rightarrow SI \text{ in } Int} \quad (3.37)$$

$$\frac{G \vdash \text{spec}_1 \Rightarrow I_1 \quad G \vdash \text{spec}_2 \Rightarrow I_2}{G \vdash \text{spec}_1 \langle ; \rangle \text{spec}_2 \Rightarrow I_1 + I_2} \quad (3.38)$$

값 접속방안

$$\boxed{\vdash \text{valdesc} \Rightarrow VI}$$

$$\frac{\langle \vdash \text{valdesc} \Rightarrow VI \rangle}{\vdash \text{varid} : \text{ty } \langle \text{and } \text{valdesc} \rangle \Rightarrow \{\text{varid}\} \langle \cup VI \rangle} \quad (3.39)$$

$$\frac{\langle \vdash \text{valdesc} \Rightarrow VI \rangle}{\vdash (\text{opid}) : \text{ty } \langle \text{and } \text{valdesc} \rangle \Rightarrow \{\text{opid}\} \langle \cup VI \rangle} \quad (3.40)$$

타입 접속방안

$$\boxed{\vdash \text{typdesc} \Rightarrow TI}$$

$$\frac{\langle \vdash \text{typdesc} \Rightarrow TI \rangle}{\vdash \text{tyvarseq } \text{tyid } \langle \text{and } \text{typdesc} \rangle \Rightarrow \{\text{tyid} \mapsto \{\}\} \langle +TI \rangle} \quad (3.41)$$

$$\frac{\langle \vdash \text{typdesc} \Rightarrow TI \rangle}{\vdash \text{tyvarseq } \text{tyid} = \text{ty } \langle \text{and } \text{typdesc} \rangle \Rightarrow \{\text{tyid} \mapsto \{\}\} \langle +TI \rangle} \quad (3.42)$$

$$\frac{\vdash \text{condesc} \Rightarrow VI \quad \langle \vdash \text{typdesc} \Rightarrow TI \rangle}{\vdash \text{tyvarseq } \text{tyid} = \text{condesc } \langle \text{and } \text{typdesc} \rangle \Rightarrow \{\text{tyid} \mapsto VI\} \langle +TI \rangle} \quad (3.43)$$

데이터 구성자 접속방안

$$\boxed{\vdash \text{condesc} \Rightarrow VI}$$

$$\frac{\langle \vdash \text{condesc} \Rightarrow VI \rangle}{\vdash \text{conid } \langle | \text{condesc} \rangle \Rightarrow \{\text{conid}\} \langle \cup VI \rangle} \quad (3.44)$$

예외상황 접속방안

$$\boxed{\vdash \text{exndesc} \Rightarrow VI}$$

$$\frac{\langle \vdash \text{exndesc} \Rightarrow VI \rangle}{\vdash \text{conid} \langle \text{and exndesc} \rangle \Rightarrow \{\text{conid}\} \langle \cup VI \rangle} \quad (3.45)$$

모듈 접속방안

$$\boxed{G \vdash \text{strdesc} \Rightarrow SI}$$

$$\frac{G \vdash \text{sig} \Rightarrow I \quad \langle G \vdash \text{strdesc} \Rightarrow SI \rangle}{G \vdash \text{strid} : \text{sig} \langle \text{and strdesc} \rangle \Rightarrow \{\text{strid} \mapsto I\} \langle +SI \rangle} \quad (3.46)$$

프로그램 선언

$$\boxed{B \vdash \text{topdec} \Rightarrow B'}$$

$$\frac{B \vdash \text{sigdec} \Rightarrow G}{B \vdash \text{sigdec} \Rightarrow B + G} \quad (3.47)$$

$$\frac{B \vdash \text{fntordec} \Rightarrow F}{B \vdash \text{fntordec} \Rightarrow B + F} \quad (3.48)$$

$$\frac{B \vdash \text{strdec} \Rightarrow E}{B \vdash \text{strdec} \Rightarrow B + \bar{E}} \quad (3.49)$$

$$\frac{B \vdash \text{topdec}_1 \Rightarrow B_1 \quad B + B_1 \vdash \text{topdec}_1 \Rightarrow B_2}{B \vdash \text{topdec}_1 \langle ; \rangle \text{topdec}_2 \Rightarrow B_1 + B_2} \quad (3.50)$$

제 2 절 프로그램 식의 실행

프로그램 식

$$\boxed{E \vdash e \Rightarrow v/[x]}$$

$$\overline{E \vdash \text{const} \Rightarrow c} \quad (3.51)$$

$$\frac{E(\text{varlongid}) = v}{E \vdash \text{varlongid} \Rightarrow v} \quad (3.52)$$

$$\frac{E(\text{conlongid}) = v}{E \vdash \text{conlongid} \Rightarrow v} \quad (3.53)$$

$$\frac{E(\text{oplongid}) = v}{E \vdash (\text{oplongid}) \Rightarrow v} \quad (3.54)$$

$$\overline{E \vdash \{\} \Rightarrow \{\} \text{ as Record}} \quad (3.55)$$

$$\frac{E \vdash \text{labrow} \Rightarrow r}{E \vdash \{\text{labrow}\} \Rightarrow r} \quad (3.56)$$

$$\frac{E \vdash e \Rightarrow \{\text{lab} \mapsto v, \dots\}}{E \vdash e . \text{lab} \Rightarrow v} \quad (3.57)$$

$$\overline{E \vdash [[]] \Rightarrow \{\}} \text{ as Array} \quad (3.58)$$

$$\frac{E \vdash \{0 = \text{ref } e_0, \dots, n = \text{ref } e_n\} \Rightarrow r}{E \vdash [|e_0, \dots, e_n|] \Rightarrow r \text{ as Array}} \quad (3.59)$$

$$\frac{s, E \vdash e_1 \Rightarrow \{i \mapsto a, \dots\}, s' \quad s', E \vdash e_2 \Rightarrow i, s''}{s, E \vdash e_1 . [e_2] \Rightarrow s''(a), s''} \quad (3.60)$$

$$\frac{s, E \vdash e_1 \Rightarrow \{i \mapsto a, \dots\}, s' \quad s', E \vdash e_2 \Rightarrow i, s'' \quad s'', E \vdash e_3 \Rightarrow v, s'''}{s, E \vdash e_1 . [e_2] \leftarrow e_3 \Rightarrow \{\}, s''' + \{a \mapsto v\}} \quad (3.61)$$

$$\frac{E \vdash \text{valdec} \Rightarrow VE \quad E + VE \vdash e \Rightarrow v}{E \vdash \text{let valdec in } e \text{ end} \Rightarrow v} \quad (3.62)$$

$$\frac{E \vdash e \Rightarrow v}{E \vdash (e) \Rightarrow v} \quad (3.63)$$

$$\frac{E \vdash e_1 \Rightarrow (\text{match}, E', VE) \quad E \vdash e_2 \Rightarrow v' \quad E' + \text{rec } VE, v' \vdash \text{match} \Rightarrow v/\text{fail}}{E \vdash e_1 e_2 \Rightarrow v/[\text{Match}]} \quad (3.64)$$

$$\frac{E \vdash e_1 \Rightarrow \text{conid} \quad E \vdash e_2 \Rightarrow v}{E \vdash e_1 e_2 \Rightarrow (\text{conid}, v)} \quad (3.65)$$

$$\frac{E \vdash e_1 \Rightarrow \text{primop} \quad E \vdash e_2 \Rightarrow v \quad \text{primop } v \Rightarrow v'}{E \vdash e_1 e_2 \Rightarrow v'} \quad (3.66)$$

$$\overline{E \vdash \text{fn match} \Rightarrow (\text{match}, E, \{\})} \quad (3.67)$$

$$\frac{E \vdash e \Rightarrow v}{E \vdash e \text{ handle match} \Rightarrow v} \quad (3.68)$$

$$\frac{E \vdash e \Rightarrow [x] \quad E, x \vdash \text{match} \Rightarrow v/\text{fail}}{E \vdash e \text{ handle match} \Rightarrow v/[x]} \quad (3.69)$$

$$\frac{E \vdash e \Rightarrow x}{E \vdash \text{raise } e \Rightarrow [x]} \quad (3.70)$$

$$\frac{s, E \vdash e \Rightarrow v, s' \quad a \notin \text{Dom } s'}{s, E \vdash \text{ref } e \Rightarrow a, s' + \{a \mapsto v\}} \quad (3.71)$$

$$\frac{s, E \vdash e_1 \Rightarrow a, s' \quad s', E \vdash e_2 \Rightarrow v, s''}{s, E \vdash e_1 := e_2 \Rightarrow \{\}, s'' + \{a \mapsto v\}} \quad (3.72)$$

$$\frac{s, E \vdash e_1 \Rightarrow a, s'}{s, E \vdash ! e \Rightarrow s'(a), s'} \quad (3.73)$$

$$\frac{E \vdash e_1 \Rightarrow v_1 \quad E \vdash e_2 \Rightarrow v_2}{E \vdash e_1 ; e_2 \Rightarrow v_2} \quad (3.74)$$

$$\frac{E \vdash e \Rightarrow v' \quad E, v' \vdash \text{match} \Rightarrow v/\text{fail}}{E \vdash \text{case } e \text{ of match} \Rightarrow v/[\text{Match}]} \quad (3.75)$$

레코드 내용

$$\boxed{E \vdash labrow \Rightarrow r}$$

$$\frac{E \vdash e \Rightarrow v \quad \langle E \vdash labrow \Rightarrow r \rangle}{E \vdash lab = e \langle , labrow \rangle \Rightarrow \{lab \mapsto v\} \langle +r \rangle} \quad (3.76)$$

패턴 매치

$$\boxed{E, v \vdash match \Rightarrow v'/fail}$$

$$\frac{E, v \vdash pat \Rightarrow VE \quad E + VE \vdash e \Rightarrow v'}{E, v \vdash pat \Rightarrow e \Rightarrow v'} \quad (3.77)$$

$$\frac{E, v \vdash pat \Rightarrow fail}{E, v \vdash pat \Rightarrow e \Rightarrow fail} \quad (3.78)$$

$$\frac{E, v \vdash pat \Rightarrow VE \quad E + VE \vdash e \Rightarrow v'}{E, v \vdash pat \Rightarrow e \mid match \Rightarrow v'} \quad (3.79)$$

$$\frac{E, v \vdash pat \Rightarrow fail \quad E, v \vdash match \Rightarrow v'}{E, v \vdash pat \Rightarrow e \mid match \Rightarrow v'} \quad (3.80)$$

패턴

$$\boxed{E, v \vdash pat \Rightarrow VE/fail}$$

$$\overline{E, v \vdash _ \Rightarrow \{}} \quad (3.81)$$

$$\frac{c = v}{E, v \vdash c \Rightarrow \{}} \quad (3.82)$$

$$\frac{c \neq v}{E, v \vdash c \Rightarrow fail} \quad (3.83)$$

$$\overline{E, \{ \} \text{ as } Record \vdash \{ \} \Rightarrow \{}} \quad (3.84)$$

$$\frac{E, r \vdash patrow \Rightarrow VE/fail}{E, r \vdash \{ patrow \} \Rightarrow VE/fail} \quad (3.85)$$

$$\overline{E, \{ \} \text{ as } Array \vdash [\mid] \Rightarrow \{}} \quad (3.86)$$

$$\frac{r = y \text{ as } Record \quad E, r \vdash \{ 0 = \text{ref } pat_0, \dots, n = \text{ref } pat_n \} \Rightarrow VE/fail}{E, y \vdash [\mid pat_0, \dots, pat_n \mid] \Rightarrow VE/fail} \quad (3.87)$$

$$\frac{E, v \vdash pat \Rightarrow VE/fail}{E, v \vdash (pat) \Rightarrow VE/fail} \quad (3.88)$$

$$\frac{s(a) = v \quad E, v \vdash pat \Rightarrow VE/fail}{s, E, a \vdash \text{ref } pat \Rightarrow VE/fail} \quad (3.89)$$

$$\frac{E(\text{conlongid}) = v}{E, v \vdash \text{conlongid} \Rightarrow \{}} \quad (3.90)$$

$$\frac{E(\text{conlongid}) = v' \quad v \neq v'}{E, v \vdash \text{conlongid} \Rightarrow \text{fail}} \quad (3.91)$$

$$\overline{E, v \vdash \text{varid} \Rightarrow \{\text{varid} \mapsto v\}} \quad (3.92)$$

$$\frac{E(\text{conlongid}) = \text{conid} \quad v = (\text{conid}, v')}{E, v' \vdash \text{pat} \Rightarrow VE/\text{fail}} \quad (3.93)$$

$$\overline{E, v \vdash \text{conlongid pat} \Rightarrow VE/\text{fail}}$$

$$\frac{E(\text{conlongid}) = \text{conid} \quad v \neq (\text{conid}, v')}{E, v \vdash \text{conlongid pat} \Rightarrow \text{fail}} \quad (3.94)$$

$$\frac{E, v \vdash \text{pat} \Rightarrow VE/\text{fail}}{E, v \vdash \text{varid as pat} \Rightarrow VE + \{\text{varid} \mapsto v\}/\text{fail}} \quad (3.95)$$

$$\frac{E, v \vdash \text{pat} \Rightarrow VE/\text{fail}}{E, v \vdash (\text{opid}) \text{ as pat} \Rightarrow VE + \{\text{opid} \mapsto v\}/\text{fail}} \quad (3.96)$$

$$\frac{E, v \vdash \text{pat}_1 \Rightarrow VE}{E, v \vdash \text{pat}_1 \mid \text{pat}_2 \Rightarrow VE} \quad (3.97)$$

$$\frac{E, v \vdash \text{pat}_1 \Rightarrow \text{fail} \quad E, v \vdash \text{pat}_2 \Rightarrow VE/\text{fail}}{E, v \vdash \text{pat}_1 \mid \text{pat}_2 \Rightarrow VE/\text{fail}} \quad (3.98)$$

레코드 패턴

$$\boxed{E, r \vdash \text{patrow} \Rightarrow VE/\text{fail}}$$

$$\overline{E, r \vdash \dots \Rightarrow \{\}} \quad (3.99)$$

$$\frac{E, r(\text{lab}) \vdash \text{pat} \Rightarrow VE_1/\text{fail} \quad \langle E, r \vdash \text{patrow} \Rightarrow VE_2/\text{fail} \rangle}{E, r \vdash \text{lab} = \text{pat} \langle , \text{patrow} \rangle \Rightarrow VE_1 \langle + VE_2 \rangle/\text{fail}} \quad (3.100)$$

기본 연산자

$$\boxed{\text{primop } v \Rightarrow v'}$$

$$\overline{=(c, c) \Rightarrow \text{true}} \quad (3.101)$$

$$\overline{=(a, a) \Rightarrow \text{true}} \quad (3.102)$$

$$\overline{=(\text{primop}, \text{primop}) \Rightarrow \text{true}} \quad (3.103)$$

$$\overline{=(\text{conid}, \text{conid}) \Rightarrow \text{true}} \quad (3.104)$$

$$\overline{=(v_1, v_2) \Rightarrow \text{true}} \quad (3.105)$$

$$\overline{=((\text{conid}, v_1), (\text{conid}, v_2)) \Rightarrow \text{true}}$$

$$\frac{\text{Dom } r_1 = \text{Dom } r_2 \quad \forall \text{lab} \in \text{Dom } r_1. =(r_1(\text{lab}), r_2(\text{lab})) \Rightarrow \text{true}}{=(r_1, r_2) \Rightarrow \text{true}} \quad (3.106)$$

$$\frac{\text{Dom } y_1 = \text{Dom } y_2 \quad \forall i \in \text{Dom } y_1. = (y_1(i), y_2(i)) \Rightarrow \text{true}}{= (y_1, y_2) \Rightarrow \text{true}} \quad (3.107)$$

$$\frac{\neg (= (v_1, v_2) \Rightarrow \text{true})}{= (v_1, v_2) \Rightarrow \text{false}} \quad (3.108)$$

$$\frac{= (v_1, v_2) \Rightarrow c}{\langle \rangle (v_1, v_2) \Rightarrow \neg c} \quad (3.109)$$

제 4 장

프로그램의 기획

$\tau \in$	$Type$	$=$	$TyVar \cup RowType \cup FunType \cup DataType$
(τ_1, \dots, τ_k) or $\tau^{(k)} \in$	$Type^k$		
$(\alpha_1, \dots, \alpha_k)$ or $\alpha^{(k)} \in$	$TyVar^k$		
$\varrho \in$	$RowType$	$=$	$Lab \xrightarrow{\text{fin}} Type$
$\tau \rightarrow \tau' \in$	$FunType$	$=$	$Type \times Type$
	$DataType$	$=$	$\cup_{k \geq 0} DataType^{(k)}$
$\tau^{(k)}t \in$	$DataType^{(k)}$	$=$	$Type^k \times TyName^{(k)}$
θ or $\Lambda\alpha.\tau \in$	$TypeFn$	$=$	$\cup_{k \geq 0} TyVar^k \times Type$
σ or $\forall\alpha.\tau \in$	$TypeScheme$	$=$	$\cup_{k \geq 0} TyVar^k \times Type$
$TS \in$	$TyStr$	$=$	$TypeFn \times ValEnv$
$SE \in$	$StrEnv$	$=$	$StrId \xrightarrow{\text{fin}} Env$
$TE \in$	$TyEnv$	$=$	$TyId \xrightarrow{\text{fin}} TyStr$
$VE \in$	$ValEnv$	$=$	$Vid \xrightarrow{\text{fin}} TypeScheme$
E or $(SE, TE, VE) \in$	Env	$=$	$StrEnv \times TyEnv \times ValEnv$
$T \in$	$TyNameSet$	$=$	$\text{Fin}(TyName)$
$U \in$	$TyVarSet$	$=$	$\text{Fin}(TyVar)$
C or $T, U, E \in$	$Context$	$=$	$TyNameSet \times TyVarSet \times Env$
	Vid	$=$	$VarId \cup OpId \cup ConId$
Σ or $(T)E \in$	Sig	$=$	$TyNameSet \times Env$
Φ or $(T)(E, (T')E') \in$	$FunSig$	$=$	$TyNameSet \times (Env \times Sig)$
$G \in$	$SigEnv$	$=$	$SigId \xrightarrow{\text{fin}} Sig$
$F \in$	$FunEnv$	$=$	$FunId \xrightarrow{\text{fin}} FunSig$
B or $T, F, G, E \in$	$Basis$	$=$	$TyNameSet \times FunEnv \times SigEnv \times Env$

$X^{(k)}$: k 개의 인자를 받아들이는 물건들.

X^k : k 개의 X 원소들로 구성된 집합.

Type name binders: 타입이름을 묶어주는 것은 오직 두가지 뿐. 모듈 타입 $(T)E \in Sig$ 에서의 (T) 와 모듈함수 타입 $(T)(E, (T')E') \in FunSig$ 에서의 (T) .

tynames A : A 에서 묶여있지 않은 타입 이름들.

Type variable binders: 타입변수 α_i 를 묶어주는 것은 오직 두가지 뿐. 타입함수 $\Lambda\alpha^{(k)}. \tau$ 와 타입구도 $\forall\alpha^{(k)}. \tau$.

tyvars A : A 에서 묶여있지 않은 타입 변수들.

tyvars ε : 프로그램 텍스트 ε 에서 묶여있지 않은 타입 변수들. 프로그램 텍스트에서 타입 변수를 묶어주는 경우는 세가지: 타입정의($tyvarseq\ id = ty$), 데이터 타입 정의($tyvarseq\ id = conbind$), 그리고 값 선언($val\ tyvarseq\ valbind$). 타입 변수가 프로그램 텍스트에 드러나는 경우는 위의 세 경우와 다음의 셋: 프로그램 식 (" $e: ty$ "), 패턴 (" $p: ty$ "), 그리고 예외상황 선언 (" $of\ ty$ ").

Well-formed A : A 가 제대로 구성되었다는 것은 타입 구조의 내용 (θ, VE) 에서 타입함수 θ 가 이름으로 달랑있거나 (이 경우는 데이터 타입인 경우로서 VE 가 데이터 구성자들의 타입을 표현하고 있다), 아니면 VE 가 공집합인 경우이다 (이 경우는 데이터 타입이 아닌 타입 정의).

Type realization φt : 타입이름 t 를 실현한다는 것은 그 이름을 구체적인 타입함수로 치환한다는 것을 의미. 이때, 타입 이름이 동치 확인 가능성을 가지고 있다면 치환한 결과도 그래야 한다.

Supp φ : 치환함수에서 실제로 치환되는 이름들의 집합.

Yield φ : 치환 결과의 타입함수들에서 묶여있지 않는 타입 이름들의 집합.

φA : 타입이름을 실현하는 것이 일반적인 대상 A 에 적용될 때는, 그안에 있는 타입이름을 골라서 그 치환함수 φ 를 적용한다. 이 때, 묶여있는 타입 이름들은 건들여지지 않도록 한다. 예를 들어, 모듈 타입 $(T)E$ 에 φ 가 적용되면, E 에 있는 타입이름들을 실현하게 되는데, 이 때 T 에 묶여 있는 이름을 치환하거나 치환 결과에서 자유로왔던 타입이름들(Yield φ)이 T 에 의해 묶이지 않도록 T 를 미리 적절히 바꾸어 놓는 것을 전제로한다.

where $VE(vid) = \tau$, $valbind = pat = e$, and

$$\alpha^{(k)} = \begin{cases} () & \text{if } e \text{ is expansive in } C \\ \text{tyvars } \tau \setminus \text{tyvars } C & \text{if } e \text{ is non-expansive in } C \end{cases}$$

타입구도의 적응

$$\boxed{\sigma_1 \succ \sigma_2}$$

$$\frac{\sigma_1 \succ \tau_2 \quad \beta^{(l)} \cap \text{tyvars } \sigma_1 = \emptyset}{\sigma_1 \stackrel{\text{let}}{=} \forall \alpha^{(k)}. \tau_1 \succ \forall \beta^{(l)}. \tau_2 \stackrel{\text{let}}{=} \sigma_2} \quad (4.1)$$

$$\frac{\tau_1 = \{\alpha^{(k)} \mapsto \tau^{(k)}\} \tau}{\forall \alpha^{(k)}. \tau \succ \tau_1} \quad (4.2)$$

(4.1) 타입구도 σ_1 이 좀더 구체적인 σ_2 로 변화될 때 σ_1 에서 자유로운 타입 변수들 $\text{tyvars } \sigma_1$ 이 σ_2 에서 묶여지지 않는 말아야 한다.

같은 타입함수들

$$\boxed{\theta_1 = \theta_2}$$

$$\frac{\text{permutation } \pi : [1, \dots, k] \quad \{\alpha_i \mapsto \beta_{\pi(i)}\} \tau_1 = \tau_2}{\Lambda \alpha^{(k)}. \tau_1 = \Lambda \beta^{(k)}. \tau_2} \quad (4.3)$$

$$\frac{\alpha'^{(k)} = \text{tyvar} \tau_1 \cap \alpha^{(k_1)} \quad \beta'^{(k)} = \text{tyvar} \tau_2 \cap \beta^{(k_2)} \quad \Lambda \alpha'^{(k)}. \tau_1 = \Lambda \beta'^{(k)}. \tau_2}{\Lambda \alpha^{(k_1)}. \tau_1 = \Lambda \beta^{(k_2)}. \tau_2} \quad (4.4)$$

(4.3, 4.4) 실질적으로 묶여있는(4.4) 타입 변수들을 다른 이름으로 바꾸어서 같아지면 된다.

같은 타입구도들

$$\boxed{\sigma_1 = \sigma_2}$$

$$\frac{\text{permutation } \pi : [1, \dots, k] \quad \{\alpha_i \mapsto \beta_{\pi(i)}\} \tau_1 = \tau_2}{\forall \alpha^{(k)}. \tau_1 = \forall \beta^{(k)}. \tau_2} \quad (4.5)$$

$$\frac{\alpha'^{(k)} = \text{tyvar} \tau_1 \cap \alpha^{(k_1)} \quad \beta'^{(k)} = \text{tyvar} \tau_2 \cap \beta^{(k_2)} \quad \forall \alpha'^{(k)}. \tau_1 = \forall \beta'^{(k)}. \tau_2}{\forall \alpha^{(k_1)}. \tau_1 = \forall \beta^{(k_2)}. \tau_2} \quad (4.6)$$

(4.5, 4.6) 실질적으로 묶여있는(4.6) 타입 변수들을 다른 이름으로 바꾸어서 같아지면 된다.

프로그램에 드러난 타입변수의 유효범위

$$\boxed{'a \text{ scopes } \varepsilon}$$

$$\frac{\text{typbind} \stackrel{\text{let}}{=} \text{tyvarseq } id = ty \quad 'a \in ty \quad 'a \in \text{tyvarseq}}{'a \text{ scopes } \text{typbind}} \quad (4.7)$$

$$\frac{typbind \stackrel{\text{let}}{=} tyvarseq \ id = conbind \quad 'a \in conbind \quad 'a \in tyvarseq}{'a \text{ scopes } typbind} \quad (4.8)$$

$$\frac{\mathcal{E}[valdec] \quad 'a \in tyvars \ valbind \quad tightest(\mathcal{E}[], valbind, 'a)}{'a \text{ scopes } valdec} \quad (4.9)$$

$$\frac{'a \in tyvars \ Inside \quad 'a \notin tyvars \ Outside \quad \neg tightest(Outside[I[]], Inside', 'a) \quad I \neq [] \quad Inside = I[Inside']}{tightest(Outside[], Inside, 'a)} \quad (4.10)$$

(4.10) 프로그램에 있는 타입 변수의 유효범위는 그 변수를 자유변수로 품고있는 모두를 포함하는 최소한의(tighest) 범위로 한다. 즉, 이 범위 바깥에서는 그 변수가 자유변수로 있지 않아야하면서, 이 범위 안쪽으로 좁혀 들어가면 그 변수를 자유변수로 품고있는 모두를 포함할 수 없게되는 범위.

모듈 타입의 실현

$E : \Sigma$

$$\frac{\Sigma = (T)E_1 \quad \varphi(E_1) = E_2 \quad \text{Supp } \varphi \subseteq T}{E_2 : \Sigma} \quad (4.11)$$

(4.11) 기획한 모듈 E_2 이 타입 Σ 를 실현한 것이 되려면, E_1 에서 T 에 속한 타입 이름들을 실현한 것이 E_2 와 일치해야 한다. “ $\text{Supp } \varphi \subseteq T$ ”이 “ $\text{Supp } \varphi = T$ ”가 아닌 이유는, 타입이름을 실현한 것이 같은 타입이름일 수 있기 때문이다:

```
type t = int
structure T = struct type t = t end: sig type t end
```

모듈함수 타입의 실현

$(E_2, (T'_2)E'_2) : \Phi$

$$\frac{\Phi = (T_1)(E_1, (T'_1)E'_1) \quad \varphi(E_1, (T'_1)E'_1) = (E_2, (T'_2)E'_2) \quad \text{Supp } \varphi \subseteq T_1}{(E_2, (T'_2)E'_2) : \Phi} \quad (4.12)$$

(4.12) 기획한 모듈 함수 $(E_2, (T'_2)E'_2)$ 가 타입 Φ 를 실현한 것이 되려면, 그 모듈 함수 타입의 알맹이 $(E_1, (T'_1)E'_1)$ 에서 T_1 에 속한 타입 이름들을 실현한 것이 $(E_2, (T'_2)E'_2)$ 와 일치해야 한다.

기획 환경의 적응

$E_1 \succ E_2$

$$\frac{SE_1 \succ SE_2 \quad TE_1 \succ TE_2 \quad VE_1 \succ VE_2}{(SE_1, TE_1, VE_1) \succ (SE_2, TE_2, VE_2)} \quad (4.13)$$

$$\frac{\text{Dom } SE_1 \supseteq \text{Dom } SE_2 \quad \forall x \in \text{Dom } SE_2, SE_1(x) \succ SE_2(x)}{SE_1 \succ SE_2} \quad (4.14)$$

$$\frac{\text{Dom } TE_1 \supseteq \text{Dom } TE_2 \quad \forall x \in \text{Dom } TE_2, TE_1(x) \succ TE_2(x)}{TE_1 \succ TE_2} \quad (4.15)$$

$$\frac{\text{Dom } VE_1 \supseteq \text{Dom } VE_2 \quad \forall x \in \text{Dom } VE_2, VE_1(x) \succ VE_2(x)}{VE_1 \succ VE_2} \quad (4.16)$$

타입구조의 적응

$$\boxed{TS_1 \succ TS_2}$$

$$\frac{\theta_1 = \theta_2 \quad (VE_1 = VE_2 \text{ or } VE_2 = \emptyset)}{(\theta_1, VE_1) \succ (\theta_2, VE_2)} \quad (4.17)$$

(4.17) 타입구조는 데이터 타입의 내용을 담는데, 이것이 적응하는 경우는 데이터 구성자들의 타입내용(VE_i)이 일치하거나 완전히 감추어지는 경우에만이다. 완전히 감추어지는 경우는 모듈타입에서 “type t”가 모듈에서는 데이터 타입으로 실현된 경우이다.

제 1 절 프로그램 모듈의 기획

선언

$$\boxed{C \vdash \text{dec} \Rightarrow E}$$

$$\frac{C \vdash \text{valdec} \Rightarrow VE}{C \vdash \text{valdec} \Rightarrow VE \text{ in } Env} \quad (4.18)$$

$$\frac{C \oplus TE \vdash \text{typbind} \Rightarrow VE, TE, T' \quad T' \cap (T \text{ of } C) = \emptyset}{C \vdash \text{type typbind} \Rightarrow (VE, TE) \text{ in } Env} \quad (4.19)$$

$$\frac{C \vdash \text{exnbind} \Rightarrow VE}{C \vdash \text{exception exnbind} \Rightarrow VE \text{ in } Env} \quad (4.20)$$

$$\frac{C \vdash \text{dec}_1 \Rightarrow E_1 \quad E \oplus E_1 \vdash \text{dec}_2 \Rightarrow E_2}{C \vdash \text{local dec}_1 \text{ in dec}_2 \text{ end} \Rightarrow E_2} \quad (4.21)$$

$$\frac{C \vdash \text{dec}_1 \Rightarrow E_1 \quad C \oplus E_1 \vdash \text{dec}_2 \Rightarrow E_2}{C \vdash \text{dec}_1 \langle ; \rangle \text{dec}_2 \Rightarrow E_1 + E_2} \quad (4.22)$$

(4.19) 데이터 타입 선언은 새로운 타입을 생성한다 (새로운 타입 이름 t). 재귀적인 데이터 타입 선언이 가능하도록 TE 가 typbind 의 왼쪽에도 있게 된다.

값 선언

$$\boxed{C \vdash \text{valdec} \Rightarrow VE}$$

$$\frac{U = \text{tyvars } \text{tyvarseq} \quad C + U \vdash \text{valbind} \Rightarrow VE \quad VE' = \text{Clos}_{C, \text{valbind}} VE \quad U \cap \text{tyvars } VE' = \emptyset}{C \vdash \text{val } \text{tyvarseq } \text{valbind} \Rightarrow VE} \quad (4.23)$$

$$\frac{C \vdash \text{valdec}_1 \Rightarrow VE_1 \quad C \oplus VE_1 \vdash \text{valdec}_2 \Rightarrow VE_2}{C \vdash \text{valdec}_1 \langle ; \rangle \text{valdec}_2 \Rightarrow VE_1 + VE_2} \quad (4.24)$$

(4.23) 텍스트에 드러난 타입변수들(U)은, 선언된 값의 타입 구도가 잡히는(Clos) 지금에야 묶여서 일반화 된다($U \cap \text{tyvars } VE' = \emptyset$). 그 타입변수들이 valbind 안에서 미리 묶이는 것을 막기위해 $C + U$ 가 valbind 의 배경이 된다. 기억하라, Clos 의 정의에 의해서, 묶여서 일반화되는 타입 변수들 중에는 $C + U$ 에 있는 것들이 제외된다.

모듈 선언

$$\boxed{B \vdash \text{strdec} \Rightarrow E}$$

$$\frac{(T \text{ of } B, \{\}, E \text{ of } B) \stackrel{\text{let}}{=} C \vdash \text{dec} \Rightarrow E'}{B \vdash \text{dec} \Rightarrow E'} \quad (4.25)$$

$$\frac{B \vdash \text{strbind} \Rightarrow SE}{B \vdash \text{structure strbind} \Rightarrow SE \text{ in Env}} \quad (4.26)$$

$$\frac{B \vdash \text{strdec}_1 \Rightarrow E_1 \quad B \oplus E_1 \vdash \text{strdec}_2 \Rightarrow E_2}{B \vdash \text{strdec}_1 \langle ; \rangle \text{strdec}_2 \Rightarrow E_1 + E_2} \quad (4.27)$$

모듈함수 선언

$$\boxed{B \vdash \text{fntordec} \Rightarrow F}$$

$$\frac{B \vdash \text{sig}_1 \Rightarrow (T)E \quad B \oplus \{\text{strid} \mapsto E\} \vdash \text{strexpr} \Rightarrow E' \quad T \cap (T \text{ of } B) = \emptyset \quad T' = \text{tynames } E' \setminus ((T \text{ of } B) \cup T)}{B \vdash \text{functor } \text{fctid} \langle \text{strid} : \text{sig}_1 \rangle = \text{strexpr} \Rightarrow \{\text{fctid} \mapsto (T)(E, (T')E')\}} \quad (4.28)$$

(4.28) 모듈 함수가 선언되면 모듈함수의 타입이 잡힌다. T 는 인자 모듈에 의해서 실현될 타입들이다. 이 이름들은 현재 (모듈 함수가 선언될 때) 알고 있는 타입이름들($T \text{ of } B$)과 겹치지 말아야 한다. T' 은 모듈 함수가 적용이 될 때 실현될 타입 이름들이다. 이것은 만들 모듈 E' 에 있는 타입 이름중에서 현재 알고 있는 타입이름들($T \text{ of } B$)과 인자 모듈에서 결정되는 타입이름들(T)을 제외한 것이다.

모듈타입 선언

$$\boxed{B \vdash \text{sigdec} \Rightarrow G}$$

$$\frac{B \vdash \text{sigbind} \Rightarrow G}{B \vdash \text{signature sigbind} \Rightarrow G} \quad (4.29)$$

모듈 식

$$\boxed{B \vdash \text{strexpr} \Rightarrow E}$$

$$\frac{B(\text{strlongid}) = E}{B \vdash \text{strlongid} \Rightarrow E} \quad (4.30)$$

$$\frac{\langle B \vdash \text{strdec} \Rightarrow E \rangle}{B \vdash \text{struct} \langle \text{strdec} \rangle \text{end} \Rightarrow \{\} \langle +E \rangle} \quad (4.31)$$

$$\frac{B \vdash \text{strex} \Rightarrow E \quad B \vdash \text{sig} \Rightarrow (T')E' \quad E \succ E'' : (T')E'}{B \vdash \text{strex} : \text{sig} \Rightarrow E'} \quad (4.32)$$

$$\frac{(E'', (T')E') : (F \text{ of } B)(\text{fctid}) \quad T' \cap (\text{tynames } E \cup (T \text{ of } B)) = \emptyset \quad B \vdash \text{strex} \Rightarrow E \quad E \succ E''}{B \vdash \text{fctid}(\text{strex}) \Rightarrow E'} \quad (4.33)$$

(4.32) 모듈이 주어진 모듈 타입 $((T')E')$ 에 맞추어지는 지 확인하고 모듈 타입에서 지정된 내용만큼을 (E') 보여준다. 모듈 E 가 타입 $(T')E'$ 에 맞추어 지는지는, E 가 적당히 적용 $(E \succ E'')$ 해서 $(T')E'$ 를 실현한 모습 $(E'' : (T')E')$ 이 되는 지를 보는 것이다. 확인 후, 모듈 타입에서 표현하는 것 이외의 내용은 새나가지 않는다 (opaque signature matching). 예를 들어:

```
structure S = struct type t = int val x = 1 end :
  sig type t val x:t end
S.x + 1 (* type error; no type information of S.x is known. *)
```

(4.33) 모듈함수가 적용되서 새로운 모듈이 만들어진다. 모듈함수의 타입을 실현하는 것들중에 인자 모듈이 적용된 $(E \succ E'')$ 것을 취하면 된다. 이때, 만들어 지는 모듈 E' 에서 실현되는 타입들 (T') 은 새로운 것이어야 한다 $(T' \cap (\text{tynames } E \cup (T \text{ of } B)) = \emptyset)$.

값 정의

$$\boxed{C \vdash \text{valbind} \Rightarrow VE}$$

$$\frac{C \vdash \text{pat} \Rightarrow (VE, \tau) \quad C \vdash e \Rightarrow \tau \quad \langle C \vdash \text{valbind} \Rightarrow VE' \rangle}{C \vdash \text{pat} = e \langle \text{and valbind} \rangle \Rightarrow VE \langle + VE' \rangle} \quad (4.34)$$

$$\frac{C + VE \vdash \text{valbind} \Rightarrow VE \quad \text{tynames } VE \subseteq T \text{ of } C}{C \vdash \text{rec valbind} \Rightarrow VE} \quad (4.35)$$

(4.34) 패턴 pat 에서 결정된 타입과 프로그램 식 e 에서 결정된 타입이 같아야 한다.

(4.35) 재귀적인 valbind 가 자기자신을 물면서 정의되기 때문에 VE 가 왼편에도 있게 된다. VE 안에서 알려지지 않은 외부의 타입이름들은 현재의 배경에서 알려진 것들 이어야 한다($\text{tynames } VE \subseteq T \text{ of } C$).

타입 정의

$$\boxed{C \vdash \text{typbind} \Rightarrow VE, TE, T}$$

$$\frac{\text{tyvarseq} = \alpha^{(k)} \quad C \vdash \text{ty} \Rightarrow \tau \quad \langle C \vdash \text{typbind} \Rightarrow VE, TE, T \rangle}{C \vdash \text{tyvarseq } \text{tyid} = \text{ty} \langle \text{and typbind} \rangle \Rightarrow \{\} \langle + VE \rangle, \{\text{tyid} \mapsto (\Lambda \alpha^{(k)}. \tau, \{\})\} \langle + TE \rangle, \{\} \langle + T \rangle} \quad (4.36)$$

$$\frac{\begin{array}{l} \text{tyvarseq} = \alpha^{(k)} \quad C, \alpha^{(k)} t \vdash \text{conbind} \Rightarrow VE \quad \text{arity } t = k \\ \langle C \vdash \text{typbind} \Rightarrow VE', TE', T' \quad t \notin T' \rangle \end{array}}{C \vdash \text{tyvarseq } \text{tyid} = \text{conbind} \langle \text{and typbind} \rangle \Rightarrow} \quad (4.37)$$

$$\text{Clos } VE \langle + VE' \rangle, \{ \text{tyid} \mapsto (t, \text{Clos } VE) \} \langle + TE' \rangle, \{ t \} \langle \cup T' \rangle$$

(4.37) 만들어지는 데이터 타입 이름 t 는 새로운 것이어야 하는데, 이 조건은 (4.19)에서 확인된다. 또한, (4.19)에서 데이터 타입의 재귀적인 선언이 가능하도록 C 가 이미 준비된다.

데이터 구성자 정의

$$\boxed{C, \tau \vdash \text{conbind} \Rightarrow VE}$$

$$\frac{\langle C \vdash \text{ty} \Rightarrow \tau' \rangle \quad \langle \langle C, \tau \vdash \text{conbind} \Rightarrow VE \rangle \rangle}{C, \tau \vdash \text{conid} \langle \text{of ty} \rangle \langle \langle \text{l conbind} \rangle \rangle \Rightarrow} \quad (4.38)$$

$$\{ \text{conid} \mapsto \tau \} \langle + \{ \text{conid} \mapsto \tau' \rightarrow \tau \} \rangle \langle \langle + VE \rangle \rangle$$

예외상황 정의

$$\boxed{C \vdash \text{exnbind} \Rightarrow VE}$$

$$\frac{\langle C \vdash \text{ty} \Rightarrow \tau \rangle \quad \langle \langle C \vdash \text{exnbind} \Rightarrow VE \rangle \rangle}{C \vdash \text{conid} \langle \text{of ty} \rangle \langle \langle \text{and exnbind} \rangle \rangle \Rightarrow} \quad (4.39)$$

$$\{ \text{conid} \mapsto \text{exn} \} \langle + \{ \text{conid} \mapsto \tau \rightarrow \text{exn} \} \rangle \langle \langle + VE \rangle \rangle$$

모듈타입 정의

$$\boxed{B \vdash \text{sigbind} \Rightarrow G}$$

$$\frac{B \vdash \text{sig} \Rightarrow \Sigma \quad \langle B \vdash \text{sigbind} \Rightarrow G \rangle}{B \vdash \text{sigid} = \text{sig} \langle \text{and sigbind} \rangle \Rightarrow \{ \text{sigid} \mapsto \Sigma \} \langle + G \rangle} \quad (4.40)$$

모듈 정의

$$\boxed{B \vdash \text{strbind} \Rightarrow SE}$$

$$\frac{B \vdash \text{strex} \Rightarrow E \quad \langle B + \text{tynames } E \vdash \text{strbind} \Rightarrow SE \rangle}{B \vdash \text{strid} = \text{strex} \langle \text{and strbind} \rangle \Rightarrow \{ \text{strid} \mapsto E \} \langle + SE \rangle} \quad (4.41)$$

(4.41) 모듈들이 같이 정의될 때, 모듈들에서 새롭게 만들어지는 타입 이름($\text{tynames } E$)들은 서로 달라야 한다. 따라서 $B + \text{tynames } E$ 가 두번째 strbind 의 경우에 배경으로 작용한다.

모듈 타입

$$\boxed{B \vdash \text{sig} \Rightarrow \Sigma}$$

$$\frac{(G \text{ of } B)(\text{sigid}) = (T)E \quad T \cap (T \text{ of } B) = \emptyset}{B \vdash \text{sigid} \Rightarrow (T)E} \quad (4.42)$$

$$\frac{\langle B \vdash \text{spec} \Rightarrow E \quad T = \text{tynames } E \setminus T \text{ of } B \rangle}{B \vdash \text{sig} \langle \text{spec} \rangle \text{end} \Rightarrow \{ \} \langle + (T)E \rangle} \quad (4.43)$$

$$\begin{array}{c}
B \vdash \text{sig} \Rightarrow (T)E \quad E(\text{tylongid}) = (t, \{\}) \quad t \in T \\
C \text{ of } B \vdash \text{ty} \Rightarrow \tau \quad \text{tyvarseq} = \alpha^{(k)} \quad \varphi = \{t \mapsto \Lambda\alpha^{(k)}. \tau\} \\
\varphi E \text{ well-formed} \quad T' = \text{tynames } \varphi E \setminus T \text{ of } B \\
\hline
B \vdash \text{sig where type tyvarseq tylongid} = \text{ty} \Rightarrow (T')\varphi E
\end{array} \tag{4.44}$$

(4.42) 모듈이 접속되면서 모듈 타입에 명시된 타입이름들 T 가 실현되는데, 이 이름들은 현재 배경에서 이미 알려진 이름이 아니어야 한다. T 로 묶여진 이름들은 임의의 이름들일 수 있으므로 항상 그렇게 되도록 바꿀 수 있다.

(4.43) 모듈이 접속되면서 모듈 타입에 명시된 타입이름들 T 가 실현되는데, 이 이름들은 현재 배경에서 이미 알려진 이름이 아니어야 한다.

(4.44) 모듈 타입에 명시된 타입 이름들(T)은 모듈이 접속되면서 실현될 터인데, “where type...”에 의해 그 실현 내용이 더욱 제한된다. 이 때, 데이터 타입이었던 것을 단순 타입으로 제한하는 일은 발생하지 말아야 한다 (φE well-formed, $E(\text{tylongid}) = (t, \{\})$). 새로 만들어 지는 모듈 타입이 앞으로 실현할 타입이름들 T' 은 현재 배경에서 이미 알려진 이름이 아니어야 한다.

접속 방안

$$\boxed{B \vdash \text{spec} \Rightarrow E}$$

$$\frac{C \text{ of } B \vdash \text{valdesc} \Rightarrow VE}{B \vdash \text{val valdesc} \Rightarrow \text{Clos } VE \text{ in } Env} \tag{4.45}$$

$$\frac{C \text{ of } B \oplus TE \vdash \text{typdesc} \Rightarrow VE, TE, T' \quad T' \cap (T \text{ of } B) = \emptyset}{B \vdash \text{type typdesc} \Rightarrow (VE, TE) \text{ in } Env} \tag{4.46}$$

$$\frac{C \text{ of } B \vdash \text{exndesc} \Rightarrow VE}{B \vdash \text{exception exndesc} \Rightarrow VE \text{ in } Env} \tag{4.47}$$

$$\frac{B \vdash \text{strdesc} \Rightarrow SE}{B \vdash \text{structure strdesc} \Rightarrow SE \text{ in } Env} \tag{4.48}$$

$$\frac{B \vdash \text{sig} \Rightarrow T(E)}{B \vdash \text{include sig} \Rightarrow E} \tag{4.49}$$

$$\frac{B \vdash \text{spec}_1 \Rightarrow E_1 \quad B \oplus E_1 \vdash \text{spec}_2 \Rightarrow E_2 \quad \text{Dom } E_1 \cap \text{Dom } E_2 = \emptyset}{B \vdash \text{spec}_1 \langle ; \rangle \text{spec}_2 \Rightarrow E_1 + E_2} \tag{4.50}$$

(4.49) 이미 정의된 모듈타입이 현재의 접속방안으로 포섭될 때는, 그 모듈 타입에서 외부와 접속할 때 실현될 타입이름들 T 는 (4.42,4.43,4.44)에 의해서 이미 새로운 이름들로 준비된다.

(4.50) 접속방안이 정의될 때 같은 이름의 값이나 타입이 중복되서는 않 된다.

값 접속방안

$$\boxed{C \vdash \text{valdesc} \Rightarrow VE}$$

$$\frac{C \vdash ty \Rightarrow \tau \quad \langle \vdash \text{valdesc} \Rightarrow VE \rangle}{C \vdash \text{varid} : ty \langle \text{and valdesc} \rangle \Rightarrow \{\text{varid} \mapsto \tau\} \langle +VE \rangle} \quad (4.51)$$

$$\frac{C \vdash ty \Rightarrow \tau \quad \langle \vdash \text{valdesc} \Rightarrow VE \rangle}{C \vdash (\text{opid}) : ty \langle \text{and valdesc} \rangle \Rightarrow \{\text{opid} \mapsto \tau\} \langle +VE \rangle} \quad (4.52)$$

타입 접속방안

$$\boxed{C \vdash \text{typdesc} \Rightarrow VE, TE, T}$$

$$\frac{\text{tyvarseq} = \alpha^{(k)} \quad \text{arity } t = k \quad \langle C \vdash \text{typdesc} \Rightarrow VE, TE, T' \quad t \notin T' \rangle}{C \vdash \text{tyvarseq } \text{tyid} \langle \text{and typdesc} \rangle \Rightarrow \{\} \langle +VE \rangle, \{\text{tyid} \mapsto (t, \{\})\} \langle +TE \rangle, \{t\} \langle \cup T' \rangle} \quad (4.53)$$

$$\frac{\text{tyvarseq} = \alpha^{(k)} \quad C \vdash ty \Rightarrow \tau \quad \langle C \vdash \text{typbind} \Rightarrow VE, TE, T \rangle}{C \vdash \text{tyvarseq } \text{tyid} = ty \langle \text{and typbind} \rangle \Rightarrow \{\} \langle +VE \rangle, \{\text{tyid} \mapsto (\Lambda \alpha^{(k)}. \tau, \{\})\} \langle +TE \rangle, \{t\} \langle +T \rangle} \quad (4.54)$$

$$\frac{\text{tyvarseq} = \alpha^{(k)} \quad C, \alpha^{(k)} t \vdash \text{condesc} \Rightarrow VE \quad \text{arity } t = k \quad \langle C \vdash \text{typdesc} \Rightarrow VE', TE', T' \quad t \notin T' \rangle}{C \vdash \text{tyvarseq } \text{tyid} = \text{condesc} \langle \text{and typdesc} \rangle \Rightarrow \text{Clos } VE \langle +VE' \rangle, \{\text{tyid} \mapsto (t, \text{Clos } VE)\} \langle +TE \rangle, \{t\} \langle \cup T' \rangle} \quad (4.55)$$

(4.53), (4.55) 만들어지는 타입 이름 t 는 새로운 것이어야 하는데, 이 조건은 (4.46)에서 확인된다.

데이터 구성자 접속방안

$$\boxed{C, \tau \vdash \text{condesc} \Rightarrow VE}$$

$$\frac{\langle C \vdash ty \Rightarrow \tau' \rangle \quad \langle \langle C, \tau \vdash \text{condesc} \Rightarrow VE \rangle \rangle}{C, \tau \vdash \text{conid} \langle \text{of } ty \rangle \langle \langle \vdash \text{condesc} \rangle \rangle \Rightarrow \{\text{conid} \mapsto \tau\} \langle +\{\text{conid} \mapsto \tau' \rightarrow \tau\} \rangle \langle \langle +VE \rangle \rangle} \quad (4.56)$$

예외상황 접속방안

$$\boxed{C \vdash \text{exndesc} \Rightarrow VE}$$

$$\frac{\langle C \vdash ty \Rightarrow \tau \quad \text{tyvars } \tau = \emptyset \rangle \quad \langle \langle C \vdash \text{exndesc} \Rightarrow VE \rangle \rangle}{C \vdash \text{conid} \langle \text{of } ty \rangle \langle \langle \text{and exndesc} \rangle \rangle \Rightarrow \{\text{conid} \mapsto \text{exn}\} \langle +\{\text{conid} \mapsto \tau \rightarrow \text{exn}\} \rangle \langle \langle +VE \rangle \rangle} \quad (4.57)$$

모듈 접속방안

$$\boxed{B \vdash \text{strdesc} \Rightarrow SE}$$

$$\frac{B \vdash \text{sig} \Rightarrow (T)E \quad \langle B + \text{tynames } E \vdash \text{strdesc} \Rightarrow SE \rangle}{B \vdash \text{strid} : \text{sig} \langle \text{and strdesc} \rangle \Rightarrow \{\text{strid} \mapsto E\} \langle +SE \rangle} \quad (4.58)$$

(4.58) 모듈의 접속방안들이 같이 정의될 때, 접속될 모듈들이 실현할 타입 이름(tynames E)들은 서로 달라야 한다. 따라서 $B + \text{tynames } E$ 가 두번째 strdesc 의 경우에 배경으로 작용한다.

프로그램 선언

$$\boxed{B \vdash \text{topdec} \Rightarrow B'}$$

$$\frac{B \vdash \text{sigdec} \Rightarrow G \quad B' = (\text{tynames } G, G) \text{ in } \text{Basis} \quad \text{tyvars } B' = \emptyset}{B \vdash \text{sigdec} \Rightarrow B'} \quad (4.59)$$

$$\frac{B \vdash \text{fntordec} \Rightarrow F \quad B' = (\text{tynames } F, F) \text{ in } \text{Basis} \quad \text{tyvars } B' = \emptyset}{B \vdash \text{fntordec} \Rightarrow B'} \quad (4.60)$$

$$\frac{B \vdash \text{strdec} \Rightarrow E \quad B' = (\text{tynames } E, E) \text{ in } \text{Basis} \quad \text{tyvars } B' = \emptyset}{B \vdash \text{strdec} \Rightarrow B'} \quad (4.61)$$

$$\frac{B \vdash \text{topdec}_1 \Rightarrow B_1 \quad B + B_1 \vdash \text{topdec}_1 \Rightarrow B_2}{B \vdash \text{topdec}_1 \langle ; \rangle \text{topdec}_2 \Rightarrow B_1 + B_2} \quad (4.62)$$

제 2 절 프로그램 식의 기획

프로그램 식

$$\boxed{C \vdash e \Rightarrow \tau}$$

$$\overline{C \vdash c \Rightarrow \text{type}(c)} \quad (4.63)$$

$$\frac{E(\text{varlongid}/\text{conlongid}) = \sigma \quad \sigma \succ \tau}{C \vdash \text{varlongid}/\text{conlongid} \Rightarrow \tau} \quad (4.64)$$

$$\overline{C \vdash \{\} \Rightarrow \text{unit}} \quad (4.65)$$

$$\frac{C \vdash \text{labrow} \Rightarrow \varrho}{C \vdash \{\text{labrow}\} \Rightarrow \varrho \text{ in } \text{Type}} \quad (4.66)$$

$$\frac{C \vdash e \Rightarrow \{\text{lab} \mapsto \tau, \dots\}}{C \vdash e . \text{lab} \Rightarrow \tau} \quad (4.67)$$

$$\overline{C \vdash [|\] \Rightarrow \tau \text{ array}} \quad (4.68)$$

$$\frac{C \vdash e_i \Rightarrow \tau \quad 0 \leq i \leq n}{C \vdash [e_0, \dots, e_n] \Rightarrow \tau \text{ array}} \quad (4.69)$$

$$\frac{C \vdash e_1 \Rightarrow \tau \text{ array} \quad C \vdash e_2 \Rightarrow \text{int}}{C \vdash e_1 . [e_2] \Rightarrow \tau} \quad (4.70)$$

$$\frac{C \vdash e_1 \Rightarrow \tau \text{ array} \quad C \vdash e_2 \Rightarrow \text{int} \quad C \vdash e_3 \Rightarrow \tau}{C \vdash e_1 . [e_2] \leftarrow e_3 \Rightarrow \text{unit}} \quad (4.71)$$

$$\frac{C \vdash \text{valdec} \Rightarrow VE \quad C + VE \vdash e \Rightarrow \tau}{C \vdash \text{let valdec in } e \text{ end} \Rightarrow \tau} \quad (4.72)$$

$$\frac{C \vdash e \Rightarrow \tau}{C \vdash (e) \Rightarrow \tau} \quad (4.73)$$

$$\frac{C \vdash e_1 \Rightarrow \tau' \rightarrow \tau \quad C \vdash e_2 \Rightarrow \tau'}{C \vdash e_1 e_2 \Rightarrow \tau} \quad (4.74)$$

$$\frac{C \vdash e \Rightarrow \tau \quad C \vdash ty \Rightarrow \tau}{C \vdash e : ty \Rightarrow \tau} \quad (4.75)$$

$$\frac{C \vdash \text{match} \Rightarrow \tau}{C \vdash \text{fn match} \Rightarrow \tau} \quad (4.76)$$

$$\frac{C \vdash e \Rightarrow \tau \quad C \vdash \text{match} \Rightarrow \text{exn} \rightarrow \tau}{C \vdash e \text{ handle match} \Rightarrow \tau} \quad (4.77)$$

$$\frac{C \vdash e \Rightarrow \text{exn}}{C \vdash \text{raise } e \Rightarrow \tau} \quad (4.78)$$

$$\frac{C \vdash e \Rightarrow \tau}{C \vdash \text{ref } e \Rightarrow \tau \text{ ref}} \quad (4.79)$$

$$\frac{C \vdash e_1 \Rightarrow \tau \text{ ref} \quad C \vdash e_2 \Rightarrow \tau}{C \vdash e_1 := e_2 \Rightarrow \text{unit}} \quad (4.80)$$

$$\frac{C \vdash e_1 \Rightarrow \tau \text{ ref}}{C \vdash ! e \Rightarrow \tau} \quad (4.81)$$

$$\frac{C \vdash e_1 \Rightarrow \tau' \quad C \vdash e_2 \Rightarrow \tau}{C \vdash e_1 ; e_2 \Rightarrow \tau} \quad (4.82)$$

$$\frac{C \vdash e \Rightarrow \tau' \quad C \vdash \text{match} \Rightarrow \tau' \rightarrow \tau}{C \vdash \text{case } e \text{ of match} \Rightarrow \tau} \quad (4.83)$$

(4.64) 잡혀진 타입구도를 구체적인 타입으로 적응시킨다.

(4.78) 예외상황 발생식은 임의의 타입을 갖는다.

레코드 내용

$$\boxed{C \vdash \text{labrow} \Rightarrow \varrho}$$

$$\frac{C \vdash e \Rightarrow \tau \quad \langle C \vdash \text{labrow} \Rightarrow \varrho \quad \text{lab} \notin \text{Dom } \varrho \rangle}{C \vdash \text{lab} = e \langle , \text{labrow} \rangle \Rightarrow \{ \text{lab} \mapsto \tau \} \langle +\varrho \rangle} \quad (4.84)$$

(4.84) 한 레코드의 레이블들은 모두 달라야 한다.

패턴 매치

$$\boxed{C \vdash \text{match} \Rightarrow \tau}$$

$$\frac{C \vdash \text{pat} \Rightarrow (VE, \tau) \quad C + VE \vdash e \Rightarrow \tau'}{C \vdash \text{pat} \Rightarrow e \Rightarrow \tau \rightarrow \tau'} \quad (4.85)$$

$$\frac{C \vdash pat \Rightarrow (VE, \tau) \quad C + VE \vdash e \Rightarrow \tau' \quad C \vdash match \Rightarrow \tau \rightarrow \tau'}{C \vdash pat \Rightarrow e \mid match \Rightarrow \tau \rightarrow \tau'} \quad (4.86)$$

패턴

$$\boxed{C \vdash pat \Rightarrow (VE, \tau)}$$

$$\overline{C \vdash _ \Rightarrow (\{\}, \tau)} \quad (4.87)$$

$$\overline{C \vdash c \Rightarrow (\{\}, \text{type}(c))} \quad (4.88)$$

$$\frac{C \vdash patrow \Rightarrow (VE, \varrho)}{C \vdash \{ patrow \} \Rightarrow (VE, \varrho \text{ in } Type)} \quad (4.89)$$

$$\frac{0 \leq i, j \leq n \quad i \neq j \quad C \vdash pat_i \Rightarrow (VE_i, \tau) \quad \text{Dom } VE_i \cap \text{Dom } VE_j = \emptyset}{C \vdash [pat_0, \dots, pat_n] \Rightarrow (\bigcup_{i=0}^n VE_i, \tau \text{ array})} \quad (4.90)$$

$$\frac{C \vdash pat \Rightarrow (VE, \tau)}{C \vdash (pat) \Rightarrow (VE, \tau)} \quad (4.91)$$

$$\frac{C \vdash pat \Rightarrow (VE, \tau)}{C \vdash \text{ref } pat \Rightarrow (VE, \tau \text{ ref})} \quad (4.92)$$

$$\overline{C \vdash \text{varid} \Rightarrow (\{\text{varid} \mapsto \tau\}, \tau)} \quad (4.93)$$

$$\overline{C \vdash (\text{opid}) \Rightarrow (\{\text{opid} \mapsto \tau\}, \tau)} \quad (4.94)$$

$$\frac{C(\text{conlongid}) = \sigma \quad \sigma \succ \tau^{(k)}t}{C \vdash \text{conlongid} \Rightarrow (\{\}, \tau^{(k)}t)} \quad (4.95)$$

$$\frac{C(\text{conlongid}) = \sigma \quad \sigma \succ \tau' \rightarrow \tau \quad C \vdash pat \Rightarrow (VE, \tau')}{C \vdash \text{conlongid } pat \Rightarrow (VE, \tau)} \quad (4.96)$$

$$\frac{C \vdash pat \Rightarrow (VE, \tau) \quad C \vdash ty \Rightarrow \tau}{C \vdash pat : ty \Rightarrow (VE, \tau)} \quad (4.97)$$

$$\frac{\langle C \vdash ty \Rightarrow \tau \rangle \quad C \vdash pat \Rightarrow (VE, \tau) \quad \text{varid} \notin \text{Dom } VE}{C \vdash \text{varid} \langle : ty \rangle \text{ as } pat \Rightarrow (VE + \{\text{varid} \mapsto \tau\}, \tau)} \quad (4.98)$$

$$\frac{\langle C \vdash ty \Rightarrow \tau \rangle \quad C \vdash pat \Rightarrow (VE, \tau) \quad \text{opid} \notin \text{Dom } VE}{C \vdash (\text{opid}) \langle : ty \rangle \text{ as } pat \Rightarrow (VE + \{\text{opid} \mapsto \tau\}, \tau)} \quad (4.99)$$

$$\frac{C \vdash pat_1 \Rightarrow (VE, \tau) \quad C \vdash pat_2 \Rightarrow (VE, \tau)}{C \vdash pat_1 \mid pat_2 \Rightarrow (VE, \tau)} \quad (4.100)$$

(4.90) 같은 패턴 이름이 배열 패턴에서 중복되서 나타나면 안된다.

(4.95) 패턴에 있는 이름이 인자가 필요없는 데이터 타입 구성자이거나 예외상황 구성자인 경우.

(4.96) 패턴에 있는 이름이 인자를 필요로 하는 데이터 타입 구성자이거나 예외상황 구성자인 경우.

(4.100) 두 패턴이 “또는”의 관계로 있을때는 두 패턴에서 기획되는 것이 (VE, τ) 일치해야 한다. 즉, 한 패턴에서 변수가 사용되었으면 다른 패턴에서도 같은 변수가 사용되어야 하고, 그 타입이 일치해야 한다.

레코드 패턴

$$\boxed{C \vdash \text{patrow} \Rightarrow (VE, \varrho)}$$

$$\frac{}{C \vdash \dots \Rightarrow (\{\}, \varrho)} \quad (4.101)$$

$$\frac{\begin{array}{c} C \vdash \text{pat} \Rightarrow (VE_1, \tau) \\ \langle C \vdash \text{patrow} \Rightarrow (VE_2, \varrho) \quad \text{Dom } VE_1 \cap \text{Dom } VE_2 = \emptyset \rangle \end{array}}{C \vdash \text{lab} = \text{pat} \langle, \text{patrow} \rangle \Rightarrow (VE_1 \langle + VE_2 \rangle, \{ \text{lab} \mapsto \tau \} \langle + \varrho \rangle)} \quad (4.102)$$

(4.102) 같은 패턴 이름이 레코드 패턴에서 중복되서 나타나면 안된다.

타입식

$$\boxed{C \vdash \text{ty} \Rightarrow \tau}$$

$$\frac{\text{tyvar} = \alpha}{C \vdash \text{tyvar} \Rightarrow \alpha} \quad (4.103)$$

$$\frac{C \vdash \text{tyrow} \Rightarrow \varrho}{C \vdash \{ \text{tyrow} \} \Rightarrow \varrho \text{ in Type}} \quad (4.104)$$

$$\frac{\begin{array}{c} \text{tyseq} = (\text{ty}_1, \dots, \text{ty}_k) \quad \forall i, C \vdash \text{ty}_i \Rightarrow \tau_i \\ (\text{TE of } C)(\text{tylongid}) = (\theta, VE) \end{array}}{C \vdash \text{tyseq } \text{tylongid} \Rightarrow \tau^{(k)}\theta} \quad (4.105)$$

$$\frac{C \vdash \text{ty}_1 \Rightarrow \tau_1 \quad C \vdash \text{ty}_2 \Rightarrow \tau_2}{C \vdash \text{ty}_1 \rightarrow \text{ty}_2 \Rightarrow \tau_1 \rightarrow \tau_2} \quad (4.106)$$

$$\frac{C \vdash \text{ty} \Rightarrow \tau}{C \vdash (\text{ty}) \Rightarrow \tau} \quad (4.107)$$

(4.105) *longid*가 의미하는 타입함수 θ 를 구체적인 타입들 ty_i 에 적용한 결과 타입을 만든다.

레코드 내용 타입

$$\boxed{C \vdash \text{tyrow} \Rightarrow \varrho}$$

$$\frac{C \vdash \text{ty} \Rightarrow \tau \quad \langle C \vdash \text{tyrow} \Rightarrow \varrho \quad \text{lab} \notin \text{Dom } \varrho \rangle}{C \vdash \text{lab} : \text{ty} \langle, \text{tyrow} \rangle \Rightarrow \{ \text{lab} \mapsto \tau \} \langle + \varrho \rangle} \quad (4.108)$$

(4.108) 한 레코드의 레이블들은 모두 달라야 한다.

부록 A

Standard ML 및 OCaml과의 비교점

nML은 Standard ML보다는 OCaml과 더욱 비슷하다고 할 수 있다. 모든 것을 비교한 것은 아니지만, 주목할 점들은 아래와 같다.

- 프로그램 내에 있는 이름들은 OCaml의 방식을 따른다. 즉, 변수 이름과 타입 이름들은 소문자로 시작한다. 모듈, 모듈함수, 모듈 타입, 데이터 구성자, 예외상황 구성자들은 대문자로 시작한다. 한글에서 대문자 이름은 `_`로 시작한다.

이와같은 간단한 제약으로 프로그램이 읽기 쉬워진다.

- 기본적으로 제공되는 연산자와 데이터 및 예외상황 구성자들(Section 2)은 프로그램에서 다시 정의될 수 없다. 예를들어 `+`가 다르게 정의될 수 있다는 가능성은 너무 열려진 것이 아닐까.

당연한 제약으로 프로그램이 읽기 쉬워진다.

- 연산자(*opid* ::= *prefixid*|*infixid*)의 새치기 위치(*fixity*)가 연산자의 이름으로 정해진다. Standard ML과는 달리, 프로그래머가 새치기 위치를 선언하거나 취소할 수는 없다. 새치기 성질을 없앤 연산자는 괄호안에 넣어 표현한다.

- 타입과 예외상황의 선언은 프로그램 식(*expression*)내에서는 불가능하다. 즉, 모듈 레벨에서만 가능하며 `let`-프로그램식에서는 불가능하다.

Standard ML에서와 같이 프로그램식이 계산중에 데이터 타입을 생성하거나 예외상황의 구성자를 만드는 것이 유용한 경우는 드물다.

- 레코드 타입은 Standard ML을 따른다. 즉, 레코드 타입마다 타입 이름이 주어질 필요는 없다. 반면에, OCaml에서 처럼 부분적인 레코드 필드 이름만으로 레코드 타입을 유추할 수는 없다.

- OCaml과는 달리 변조가능한 레코드 필드(*mutable record field*)를 선언할 수 없다. 변조가능한 레코드 필드는 배열(*array*) 뿐이다. 변조가능한 변수

는 변수의 메모리 주소를 알 방법은 없지만 그곳에 있는 값을 변조할 수 있는 변수를 뜻한다.

변조가능한 레코드 필드가 자유롭게 선언될 수 있으면 의미정의가 복잡해 지고, 프로그램을 이해하는 것이 그만큼 어려워 진다.

- 무더기 패턴(or-pattern)에서 OCaml과는 달리, 같은 패턴 변수를 사용할 수 있다. 예를 들어, “ $A\ x \mid B\ x \Rightarrow 1$ ”이 가능하다 (rule (4.100)).
- 모듈 시스템은 OCaml 방식을 따른다 (opaque signature matching + manifest types). 즉, 모듈타입과 접속한 모듈은, 모듈타입에서 지정한 정보 이외에는 새나가지는 않으며(opaque signature matching, rule (4.32)), 모듈타입에서 타입의 정의를 드러낼 수는 있다 (manifest types, rule (4.44)). Standard ML에서와 같이 모듈이 접속되면서 모듈타입에서 지정한 것 보다 많은 내용이 유출되는 (transparent signature matching) 경우는 없다. Standard ML의 모듈 시스템보다 간단할 필요가 있다. 일반 프로그래머들이 Standard ML 모듈 시스템의 모든것을 이해하고 프로그램한다는 것을 기대하기는 어렵다.
- 프로그램에 드러난 타입변수의 유효범위는 (rule (4.10)) Standard ML의 방식대로 한다.
- 타입이 동치확인 가능한지 (equality type) 아닌지를 기획단계에서 (타입 시스템에 의해) 검증하지 않는다. 실행중에 “ $e_1=e_2$ ” 에서 e_i 값이 함수값을 품고 있어서 동치확인이 불가능하면 예외상황을 발생시킨다.

Standard ML에서는 동치확인 가능한 타입들을 기획단계에서 검증해 주는 대신에, 프로그래머가 간단하게 이해할 수 없는 부분이 생겼다. 예를 들어, 타입 변수의 동치확인 가능성 ('a 이면 불가능, ''a 이면 가능)이 역할을 하는 곳이 있고 하지 않는 곳이 있다. 타입 선언들에서는 타입 변수의 동치확인 성질이 아무 역할을 하지 않지만, 값 선언에서는 역할을 한다. 즉 아래의 타입선언들은 같은 것이지만

```
type 'a t = 'a * int
type ''a t = ''a * int
```

아래 두 함수는 전혀 다른 함수이다:

```
fun f(x:'a t, y) = x=y
fun g(x:''a t, y) = x=y
```

타입변수가 'a 이냐 ''a 이냐에 따라 판이해 진다. 함수 f는 위의 타입선언과 관련해서 받아들여지지 않는다. “x: 'a t” 에서는 x 가 동치확인 불가능하다고 선언해 놓고 “x=y” 에서는 동치계산을 시키고 있으므로. 함수 g는 x의 선언된 타입과 그 사용이 일치하므로, 받아들인다.

일반 프로그래머들이 타입 변수의 동치확인 가능성이 유효한 경우와 그렇지 않은 경우를 쉽게 이해하리라고 기대할 수 없다. 타입 시스템 바깥에서 (아마도, 프로그램 분석(static analysis)을 이용해서) 동치확인이 될 수 없는 경우를 안전하게 지적할 수 있도록 한다.